تحلیل غیرخطی دینامیکی دیوارهای برشی بتن مسلح با دیدگاه مکانیک آسیب و احتساب اثرات پیوستگی– لغزش

نادر داودی و جواد مرادلو^{*} دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه زنجان

(دریافت مقاله: ۲/۰۲/۰۲/۰۲ - دریافت نسخه نهایی: ۱۳۹۳/۰۶/۱۱)

چکیده – در تحقیق حاضر تحلیل غیرخطی دیوارهای برشی بتنی مسلح با مدل عددی غیرخطی جدید براساس دیدگاه مکانیک آسیب و احتساب اندرکنش بتن و فولاد ارائه شده است. مدلسازی رفتار غیرخطی بتن با استفاده از مدل ترک پخشی چرخشی با دیدگاه مکانیک آسیب انجام شده است. مدل آسیب پیشنهادی برای مدلسازی رفتار لرزهای بتن در برگیرنده ویژگیهای یک مدل کامل برای مدلسازی رفتار غیرخطی فرزهای بتن شامل: مدلسازی رفتار قبل از ترک خوردگی، معیار مناسب برای شروع نرم شوندگی، حفظ انـرژی شکست، مدلسازی رفتار نیر خطی شوندگی، معیاری برای باز و بسته شدن ترک (بارگذاری-باربرداری مجدد) و احتساب مدل میرائی مناسب در بارگذاری های دینامیکی است. مدل پیشنهادی بعد از صحت سنجی با مثال های نمونه معتبر، در تحلیل های این تحقیق به کار رفته است. در مدلسازی فولاد از یک مدل دوخطی با دو روش متفاوت: مدل المان فولاد خریایی مجزا و مدل فولاد پخشی استفاده شده است. در مدل المان فولاد از یک مدل دوخطی با دو توضعه داده شد. در ادامه صحت کارکرد مدل و الگوریتمهای عددی ارائه شده با مقایسه نتایج حاصله با نتایج تجربی موجود، مورد ارزیـابی قرار گرفت. درنهایت مدل المان محت منجی با مثال های نصالی لحاظ شده است. بر مدل المان فولاد خریایی مجزا، اثر پیوستگی – لغزش بین روش متفاوت: مدل المان فولاد خریایی مجزا و مدل فولاد پخشی استفاده شده است. در مدل المان فولاد خریایی مجزا، اثر پیوستگی اتصالی لحاظ مولاد و بتن با استفاده از مدل المان پیوستگی اتصالی لحاظ شده است. براساس الگوریتمهای ارائه شده، یک کد المان محـدود بـه زبـان فر تـرن گرفت. درنهایت مدلسازی عددی دیوارهای بتن مسلح I SAUL و III CAMUS مطابق با آزمونهای تجربی انجام شده بر روی میز لرزه AIA ^۱ در گرفت. درنهایت مدلسازی عددی دیوارهای بتن مسلح I SAUL و III SAUL مطابق با آزمونهای تجربی انجام شده بر روی میز لرزه معا^۱ در مور فرانسه، صورت گرفته است. مقایسات انجام شده صحت کارکرد مدل و الگوریتم پیشنهادی را تأیید می کنند. نتایج حاصله، هـم در میـزان کشور فرانسه، صورت گرفته است. مقایسات انجام شده صدت کارکرد مدل و الگوریتم پیشنهادی را تأیید می منه در دره است. بـه می و لرزه مورت دیده می شید و استفاده از روش فولاد خریایی منجر به افزایش دقت پاسخ بیشینه تغییرمکان تا ۲[°] نسبت بـه اسـتفاده از روش فولاد پخشی شده است.

واژگان كليدى: مدل رفتارى بتن، مكانيك آسيب، مدل ترك پخشى، پيوستگى-لغزش، تحليل غيرخطى ديناميكى.

Nonlinear Dynamic Analysis of RC Shear Walls using Damage Mechanics Approach Considering Bond-Slip Effects

N. Davoodi and J. Moradloo*

Department of Civil Engineering, University of Zanjan

AbstractIn this research, nonlinear dynamic analysis of concrete shear wall using a new nonlinear model based on damage mechanics approach and considering bond slip effects is presented. Nonlinear behavior of concrete is modeled by a rotational smeared crack model using damage mechanics approach. The proposed model considers major characteristics of the concrete

* : مسئول مكاتبات، پست الكترونيكي: ajmoradloo@znu.ac.ir

subjected to two and three dimensional loading conditions. These characteristics are pre-softening behavior, softening initiation criteria and fracture energy conservation. The model was used in current research analysis after verification by some available numerical tests. Reinforcements are modeled by a bilinear relationship using two models: Discrete truss steel element and Smeared model. In Discrete model the effects of bond-slide between concrete and rebar is mentioned using the bond-link element model concept. Based on the presented algorithms and methodology, an FEM code is developed in FORTRAN. The validity of the proposed models and numerical algorithms has been checked using the available experimental results. Finally, numerical simulation of CAMUS I and CAMUS III reinforced concrete shear walls is carried out. Comparisons of deduced results confirm the validity of proposed models. The obtained results, both in the expected displacements and crack profiles for the walls, show a good accuracy with respect to the experimental results. Also, using discrete truss element model with respect to the smeared steel model leads to increasing the accuracy of maximum displacement response to 7% in analysis.

Keywords: Reinforced concrete wall, damage mechanics, smeared crack, bond-slip, nonlinear dynamic analysis.

ماتریس مدول فولاد در مختصات عمومی	$\mathbf{C}_{\mathrm{GL}_{\mathrm{st}}}$	ماتريس مدول الاستيك	D
کسینوس های هادی	l_i , m_i	مدول الاستيسيته	Е
طول مشخصه	h _c	متغير أسيب	d
ضرائب وزنى الگوى انتگرالگيرى گوس	w _i ,w _j	سطح مقطع کل	ΔΑ
دترمينان ژاکوبين	det J	سطح مقطع آسيب ديده	ΔA_d
ماتریس میرایی	С	انرژی شکست در واحد حجم	g _t
ماتریس جرم	М	انرژی شکست مصالح	G_{f}
ماتريس سختي	K	طول ويژه	l _c
ماتریس سختی المان خرپایی در مختصات محلی	\mathbf{K}_{lo}	انرژی شکست استاتیکی بتن	G_{f}
سختی ناشی از لینک اتصال، موازی با محور میلگرد	k _b	طول مشخصه المان	h _c
مدول لغزش اوليه فولاد در داخل بتن	E _{b1}	انرژی شکست دینامیکی بتن	$G_{\rm f}^\prime$
رنانی	علائم يو	ضرايب تقويت ديناميكي	DMF_1
بردار تنشرها	σ	ماتریس انتقال کرنش به فضای دوبعدی	Т
بردار کرنش	3	ماتریس مدول آسیب در مختصات عمومی	\mathbf{D}_{s}
ضريب پوآسون	ν	ماتریس مدول آسیب در مختصات محلی	\mathbf{D}_{d}
انرژی کرنشی قابل بازگشت مصالح آسیب دیدہ	Ψ_{d}	مساحت پيراموني	А
كرنش نهایی استاتیکی بتن	$\epsilon_{\rm f}$	تعداد ميلگردها	m
کرنش اصلی المان	3	قطر میلگردها	d _b
کرنش نهایی دینامیکی بتن	$\epsilon_{\rm f}'$	فاصله لینکهای اتصال در ابتدا و انتهای میلگردها	1
نسبت بین کرنش مانده در ترک بسته و بیشینه کرنش اصلی	λ	سختي آرماتور	Ks
درصد فولاد مقطع	ρ_s	سختی ناشی از لینک اتصال	k _b
درصد فولاد در هریک از جهات x و y	ρ_y,ρ_x	سطح مقطع أرماتور	A _s
کرنش اصلی بیشینه	ϵ_1	عمق موثر	d _e
کرنش متناظر با مقاومت کششی اسمی بتن	ε ₀	ماتريس مدول فولاد در مختصات محلي	C _{LO st}

فهرست علائم

۱– مقدمه

پاسخ مکانیکی یک عضو بتنی به شدت متأثر از ترکهای موجود در آن بوده و بررسی نحوه ترک خوردن و ایجاد آسیب و همچنین پاسخ این سازه ها پس از رشد و توسعه ترک در آنها، از اهمیت بالایی برخوردار است. توسعه مدل های تحلیلی برای محاسبه پاسخ سازه های بتن مسلح، به دلیل وجود عواملی مانند: رفتارهای فیزیکی و مکانیکی متفاوت بتن و فولاد، رفتار غیر خطی بتن حتی در بارهای پایین به دلیل وجود پدیده هایی از قبیل: اثرات محیطی، ترک خوردگی، سخت شدگی دو محوری و نرم شدگی کرنشی^۲ و وجود اندرکنش بین فولاد و بتن از طریق پیوستگی – لغزش^۳ و همچنین در همگیری^۲ سنگدانه ها بسیار پیچیده است.

به عنوان قدیمی ترین مطالعات منتشر شده در زمینه کاربرد روش المان محدود در تحلیل عددی سازههای بـتن مسـلح و همچنین بررسی اندرکنش فولاد و بنن میتوان به تحقیق نگو [۱] در سال ۱۹۶۷ اشاره کرد. در این تحقیق المانهای بـتن و فولاد در یک تیر ساده با المان مثلثی کرنش ثابت مدل شده و برای تشریح اثر پیوستگی-لغزش از یک المان پیوستگی اتصالی^۵ خاص استفاده شـد. رشـید [۲] در سـال ۱۹۶۸ مفهـوم ترک پخشی² را در مطالعات خود برای بررسی پاسخ بتن پیش تنیده در سازه بتنی یک راکتور ارائه کرد. پس از انتشار گـزارش رشید تحلیل سازههای بتن مسلح و بررسی اثر پیوستگی لغـزش مورد توجه بسیاری از محققین قرار گرفت. گان [۳]، در یک تحقیق جامع، رابطـه پیوسـتگی -لغـزش را تحـت بارگـذاری یکنواخت و بارگذاری چرخهای توسعه داد. مدلهای استخراج شده در یک برنامه المان محدود اعمال شده و سپس نتایج بهدست آمده از مدل با نتایج تجربی موجود از دیوارهای بتنی مسلح مقایسه شدند. مدل پیشـنهادی توانـایی ارزیـابی مناسـب پاسخهای یکنوا و تاریخچه زمانی دیوارهای بتنی مسلح را دارد. رابسوک [۴] و همکاران، مدل شکست دو بعدی سازههای بـتن مسلح، تحت بارهای استاتیکی افزاینده را توسعه دادند. در بررسی آنها رفتار بتن در کشش با مدل تـرک اصـطکاکی/ بانـد

تـرک و در فشـار بـا اسـتفاده از مکانیـک آسـیب ایزوتـروپ، مدلسازی شد. مدل پیوستگی بنن و آرماتور برای شرایط مختلف شکست به کار گرفته شده و در نهایت نتایج بهدست آمده از مدلهای عددی با نتایج تجربی مقایسه شده است. سو [۵] و همکاران، آسیب در بتن را در اطراف آرماتور مورد بررسی قرار دادند. آنها بدینمنظور سه نوع آسیب را در بـتن و در سطح مشترک بتن و آرماتور لحاظ کرده و یک المان آسیب سه بعدی بتن مسلح ایجاد کردند. آزمایشات متعددی بهمنظور استخراج پارامترهای معادله باند آسیب انجـام شـده و دو مثـال عددی با این المان مورد ارزیابی قرار گرفت که نتایج قابل قبولی بهدست آمد. خالفالاه [۶]، ترک خمشی را در سازه های بتن مسلح با در نظر گرفتن اندرکنش^۷ بـتن و فـولاد مدلسـازی کرد. وی یک روش جدید را بهمنظور توزیع تنش پیوسـتگی در طول ناحیه آغاز لغزش و ناحیه ترک خورده ارائه کرد. در ایـن تحقیق یک رابطه عددی که توزیع تنش را در سطح مشترک فولاد و بتن و در نزدیکی تـرک در تیرهـای بـتن مسـلح، مـدل میکند، بیان شده است. لی [۷] و همکاران، بـهمنظـور توسـعه روشهای طراحی مقاوم لرزهای، به آنالیز چند دیوار بتن مسلح از سری دیوارهای CAMUS پرداختند. دیوارها ابعاد یکسانی داشته، اما مقدار و نحوه توزيع فولاد در أنها و همچنين بار لرزهای اعمال شده به آنها متفاوت بوده است. این محققین با استفاده از یک مدل ترک پخشی در روش اجزای محدود به مدلسازی دیوارها پرداخته و نتایج را با نتایج میز لـرزان مقایسـه کردند. ماکاوا و همکاران [۸] بهمنظور ارزیابی پاسخ دیوارهای بتنی مسلح، به خصوص دیوارهای به کار رفته در سازه رآکتـور، در مقابل رکوردهای زلزله نزدیک ساختگاه، با استفاده از برنامه WCOMD به مدلسازی دیوار CAMUS I پرداختند. ایلکر [۹] و همکاران، به مدلسازی دیـوار CAMUS I بـا اسـتفاده از نـرم افزار تجاري ANSYS پرداختند و براي بتن از المان SOLID65، برای فولاد از المان LINK10 و برای سطح تماس بین دیوار و میز از المان COMBIN14 استفاده نمودند. در ایـن تحقيق با ريزكردن شبكه المان محدود براي رسيدن به

شبكەبندى بھينە، نتايج قابل قبولى بەدست آمد.

گردید: المان تنش مسطح ۴گرهی دو بعدی مستطیلی، مدلسازی رفتار غیرخطی بتن با مدل ترک پخشبی چرخشبی با دیدگاه مکانیک آسیب، مدل توزیع فولاد در بتن (مدل پخشی) و مـدل فولاد خرپایی مجزا. بعد از صحت سنجی مدل و الگوریتم های عددی ارائیه شده، مدلسازی عددی دیوارهای بتن مسلح CAMUS I و CAMUS II مطابق با آزمون های تجربی انجام شده بر روی میز لرزه IAEA در کشور فرانسه، صورت گرفت.

۲- مدل غیرخطی بتن ۲–۱– مدل بتن ترک نخورده در ایـن تحقیـق رابطـه بـین تـنش و كـرنش در مرحلـه پـیش از نرم شدگی بهصورت الاستیک خطبی در نظر گرفته شده است: (1)

 $\sigma = D\epsilon$

در این رابطه، D ماتریس مدول الاستیک، σ بردار تنش و ε بردار کرنش است. با در نظر گرفتن شرایط تنش مسطح، ماتريس مدول الاستيك بهصورت زير خواهد بود:

$$\mathbf{D} = \frac{E}{1 - v^2} \begin{bmatrix} 1 & v & 0 \\ v & 1 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1 + v}{2} \end{bmatrix}$$
(Y)

در رابطه فوق، v ضريب پواسون و E مـدول الاستيسيته است.

۲-۲- معیار آغاز نرم شدگی و مدلسازی رفتار غیرخطی بتن معيارهای چندی توسط محققين مختلف به عنوان نقطه شروع نرم شوندگی و جوانهزنی ترک در بتن به کار گرفته شدهاند. معیار انرژی کرنشی تک محوری، معیارهای براساس کرنش کششی بیشینه، معیارهای براساس تنش کششی بیشینه از آن جملهاند. در تحقیق پیشرو معیارکرنش، بـ معنـوان معیـار أغـاز نرمشدگی در نظر گرفته شده است. در ایـن معیـار، زمـانی کـه کرنش اصلی بیشینه (٤٦) از کرنش متناظر بـا مقاومـت کششـی اسمی بتن (٤٥) تجاوز کند، ترک خوردگی در جهت

الگوريتم مكانيك آسيب استفاده شده تا قبل از اين مطالعه صرفاً در بتن غیر مسلح مورد استفاده قرار گرفته شده بود، كاربرد أن براي المان بتن مسلح به ويژه با لحاظ اثر پيوستگي لغزش در ترکیب آن با مدل فیلیپو [۱۲] از نوآوری های این تحقیق به شمار می آید. به علاوه تف اوت های اساسی در مدل پیشنهادی با مدلهای نرم افزارهای تجاری وجود دارد. بهعنوان نمونه در نرم افزار ANSYS می توان موارد زیر را به عنوان کاستی های آن در مدلسازی رفتار غیرخطی مصالح بتنی نام برد: در مدلسازی رفتار بتن در کشش، مدل ترک اندود ثابت در این نرم افزار استفاده شده که انتخاب ضریب بقاء برش آن وابسته به کاربر و سخت است؛ انرژی شکست در این مدل حفظ نمی شود و کرنش نهایی آن ثابت و شـش برابـر کـرنش تسـلیم در نظـر گرفته شده است؛ برای مدلسازی رفتار بنن در فشار، مدل ويليام – وارانكه پنج پـارامترى تنهـا بـراى خـرد شـدگى و نـه پلاستیسیته بتن استفاده شده است که در این مدل فرض می شود که پس از رسیدن سطح تنش هـا بـه سـطح تسـلیم، بـتن کـاملاً سختی خود را از دست میدهد. در مدل پیشنهادی کاستی های فوق از قبیل، حفظ انرژی شکست با تغییر منحنی نرم شوندگی برای مقابله با پدیده وابستگی به اندازه شبکه و محاسبه ضریب

در این مطالعه تحلیل غیرخطی دیوارهای برشی بتن مسلح با مدل عددی غیرخطی جدید توسعه یافته براساس دیدگاه مکانیک آسیب ارائه شده است. جزئیات مدل ارائه شده در مدلسازی رفتار غیرخطی بتن، اندرکنش فولاد و بتن، تحلیلهای غیرخطی و تحلیل های دینامیکی در ادامه ارائه شده است. مدل های پیشنهادی در کد المان محدود GFEAP اعمال شده است. این کد نسخه اصلاح شدهای از کد المان محدود FEAP پروفسور تایلور (دانشگاه برکلی) است که توسط مرادلو [۱۰] توسعه یافته و توانایی تحلیل مدلهای غیرخطی ترک چرخشی، مدلهای پلاستیسیته بـتن، مـدل.هـای تماسـی، انـدرکنش آب و سازه و... را دارد. در این مطالعه موارد زیر به برنامه اضافه

بقا برش مرتفع شدهاند.



عمود بر راستای تنش اصلی رخ خواهد داد [۱۰]. در بارگذاری دینامیکی، کرنش متناظر با مقاومت کششی دینامیکی بتن مد نظر خواهد بود:

(۳) معیار شروع نرم شوندگی $0^3 < 1^3$ در این مطالعه، در مدلسازی رفتار بتن بعد از آغاز تـرک، از تئوری مکانیک آسیب براساس مدل ترک پیوسته اسـتفاده شـده است. اساس تئوری مکانیک آسیب، بر این پایه استوار است که می توان میزان خرابی های داخلی را با یک متغیر اسکالر نمایش داد. این متغیر مستقیماً می تواند نشاندهنده وضعیت و اثر توزیع داد. این متغیر مستقیماً می تواند نشاندهنده وضعیت و اثر توزیع مفهوم این مدل براساس اتلاف انرژی حاصل از ایجاد تـرک و کاهش سختی است. براساس تعریف، متغیر آسیب b را می توان براساس سطح مقطع کل ΔA و سطح مقطع آسیب دیـده ΔA_d

$$\mathbf{d} = \frac{\Delta \mathbf{A}_{\mathbf{d}}}{\Delta \mathbf{A}} \tag{(f)}$$

در حالت کاملاً سالم، 0 = b ودر حالت کاملاً آسیب دیده، 1 = b است. با گسترش این مفهوم، میتوان مدل های مکانیک آسیب مختلفی را در نظر گرفت. ساده ترین مدل از این دسته، مکانیک آسیب ایزوتروپ است که در آن میتوان از یک متغیر داخلی اسکالر برای ارزیابی اثر خرابی های داخلی در تمام جهتها استفاده نمود. در این مدل، در واقع تنها یک عدد اسکالر نشاندهنده خرابی داخل المان است. تعیین متغیر آسیب، در اولین مرحله، نیاز به تعریف ریاضی شاخه نرم شدگی منحنی تنش-کرنش تک محوری بتن دارد. مدل های مختلفی برای ارائه

روش های عددی در مهندسی، سال ۳۴، شمارهٔ ۱، تابستان ۱۳۹۴

توابع آسیب ارائه شده است. برای ارضای اصل بقای انرژی شکست، انرژی شکست در واحد حجم، g_t، با انرژی شکست در واحد سطح مصالح، G_f، که از خصوصیات فیزیکی است، در حجم معینی از مصالح با طول مشخصه l_c برابر قرار داده می شود :

$$g_{t} = \int_{0}^{\tau_{t}} \sigma d\varepsilon = \frac{G_{f}}{l_{c}}$$
 (d)

بدین ترتیب، آسیب در حجم معینی از مصالح پخش شده و مدل ارائه شده، بیانگر رفتار متوسط حجمی با طول ویژه lc است. در حالت تک محوری بسیار ساده ایزوتروپ، روابط به شکل زیر خواهند بود:

$$\Psi_{d} = (1-d)^{2} \Psi_{0} \tag{(9)}$$

$$d=1-\sqrt{\frac{\Psi_d}{\Psi_0}} \tag{V}$$

که در آن، Ψ_d و Ψ_0 به ترتیب انرژی کرنشی قابل بازگشت مصالح آسیب دیده و مصالح سالم هستند. در مطالعه حاضر، از رابطه خطی در مرحله نرم شوندگی استفاده شده است، به این ترتیب با استفاده از روابط (۳) و (۵)، متغیر آسیب بهصورت زیر استخراج می شود [۱۱ و ۱۶]:

$$d = 1 - \sqrt{\frac{\varepsilon_0}{\varepsilon} - (\frac{\varepsilon - \varepsilon_0}{\varepsilon_f - \varepsilon_0})\frac{\varepsilon_0}{\varepsilon}}$$
(A)

در روابط فوق d، متغیر آسیب در جهت کرنش اصلی، ₀3، کرنش متناظر با مقاومت کششی ظاهری، ₆۶، کرنش نهایی شکست بتن و ٤، کرنش اصلی المان در جهت مورد نظر است.

در مدل پیشنهادی به منظور ارضای بقای انرژی شکست و عدم وابستگی نتایج به اندازه المانها، شیب منحنی نرم شوندگی به گونهای تعیین می گردد که انرژی مستهلک شده در واحد سطح ترک ثابت بماند (شکل (۱)). با این معیار،کرنش نهایی بتن تحت بارهای استاتیکی و دینامیکی به صورت زیر به دست می آید [۱۱]: ${}_{\rm f} = \frac{2{\rm G}_{\rm f}}{\sigma_0 {\rm h}_{\rm c}}$

$$\varepsilon'_{\rm f} = \frac{2{\rm G}'_{\rm f}}{\sigma'_0 {\rm h}_{\rm c}}$$
 تحت بار دینامیکی (۱۰)

در رابطه فوق، ٤_f ، کرنش نهایی شکست بـتن، G_f ، انـرژی

شکست، h_c، طول مشخصه المان و ₀0، مقاومت کششی ظاهری بـتن است. در حالـت دینـامیکی مقـادیر دینـامیکی پارامترهای فوق در نظر گرفته خواهند شد:

 $G'_f = DMF_fG_f$, $\sigma'_0 = DMF_e\sigma_0$ (11)

در روابط فوق DMF_i ضرایب تقویت دینامیکی هستند. در تحلیل ها برای احتساب نرخ کرنش در تحلیل های دینامیکی، ضرایب بزرگنمایی دینامیکی برای مقاومت کششی، فشاری و مدول الاستیسیته ۱/۵، ۱/۳ و ۱/۲۵ در نظر گرفته شدهاند.

زمانی که المان شروع به نرم شدن می کند، به جای ماتریس مدول الاستیک آن از ماتریس مدول آسیب استفاده می شود. براساس اصل انرژی معادل و نادیده گرفتن کوپل بین مودهای اصلی شکست، این ماتریس به صورت زیر در می آید [۱۱]:

$$\mathbf{D}_{d} = \frac{E}{1 - v^{2}} \begin{bmatrix} (1 - d_{1})^{2} & v(1 - d_{1})(1 - d_{2}) & 0\\ v(1 - d_{1})(1 - d_{2}) & (1 - d_{2})^{2} & 0\\ 0 & 0 & \frac{(1 - v)(1 - d_{1})^{2}(1 - d_{2})^{2}}{(1 - d_{1})^{2} + (1 - d_{2})^{2}} \end{bmatrix}$$
(17)

 d_1 و d_2 پارامترهای آسیب در دو راستای اصلی هستند. رابطه فوق به صورت غیرهمسان ارائه شده است ولی مدل مورد استفاده مدل همسان است و $d_1=d_2=d$ در نظر گرفته شده است. ماتریس رابطه (۱۲) در مختصات محلی به دست آمده است، برای انتقال آن به مختصات عمومی از رابطه زیر استفاده می شود [۱۱]:

$$\mathbf{D}_{\mathbf{s}} = \mathbf{T}^{\mathrm{T}} \mathbf{D}_{\mathbf{d}} \mathbf{T} \tag{17}$$

در رابطه فوق، \mathbf{T} ، ماتریس انتقال کرنش به فضای دوبعدی، \mathbf{D}_s ، ماتریس ماتریس مدول آسیب در مختصات عمومی و \mathbf{D}_d ، ماتریس مدول آسیب در مختصات محلی است. ماتریس \mathbf{T} به صورت زیر تعریف می شود :

$$\mathbf{T} = \begin{bmatrix} l_1^2 & m_1^2 & l_1m_1 \\ l_2^2 & m_2^2 & l_2m_2 \\ 2l_1l_2 & 2m_1m_2 & l_1m_2 + l_2m_1 \end{bmatrix}$$

$$m_1 = \cos(\varepsilon_1, \mathbf{y}) \quad , \quad m_2 = \cos(\varepsilon_2, \mathbf{y})$$

$$l_1 = \cos(\varepsilon_1, \mathbf{x}) \quad , \quad l_2 = \cos(\varepsilon_2, \mathbf{x})$$

در مدل ارائه شده محورهای محلی که ماتریس \mathbf{D}_d براساس آن بنا شدهاند، همان محور کرنشهای اصلی در گام زمانی مورد بررسی (ϵ_1,ϵ_2) هستند. در گامهای زمانی بعدی، تغییر شکلهای برشی در المان ترک خورده میتواند باعث چرخش در جهت تنشهای اصلی شود. در روش ترک چرخان، در صورت چرخش ترک به اندازه معین، ماتریس \mathbf{D}_d باید با استفاده از ماتریس تبدیل ارائه شده به مختصات عمومی انتقال یابد.

در این تحقیق طول مشخصه به کار رفته در روابط ارائه شده براساس تئوری ارائه شده توسط کورا [۱۰ و ۱۵] محاسبه شده است. در حالت سه بعدی وی این مقدار را برابر با طول ضلع مکعبی در نظر گرفته، که حجمی برابر با حجم تحت تأثیر نقطه گوس مورد نظر در المانهای ایزوپارامتریک دارد. برای ایس منظور در مسائل دوبعدی کافی است دترمینان ژاکوبین بهدست آمده در هر نقطه گوس را در ضرایب وزنی گوس ضرب نموده و از حاصل ریشه دوم گرفت: (۱۵)

در رابطه فوق، h_c طول مشخصه، w_j و w_i ضرائب وزنی الگوی انتگرالگیری گوس و det J دترمینان ژاکوبین است.

۲–۳– مدل بار برداری – بارگذاری در حین شکست تحت بارهای رفت و برگشتی کرنشهای اصلی در هر المان افزایش یا کاهش مییابند. بنابراین هنگام استفاده از مدلهای رفتاری غیرخطی در تحلیلهای دینامیکی باید معیاری برای مدلسازی رفتار باربرداری–بارگذاری مجدد در طی بارگذاری رفت و برگشتی تعریف شود. در این مطالعه از معیار کرنش استفاده شده است. مطالعات نشان داده است که تحت بارگذاری دورهای، مقداری کرنش پسماند در المان بسته شده باقی میماند. براساس این ایده، کرنش کل ترک (ع) به دو مؤلفه میماند. براساس این ایده، کرنش ماند (ⁱⁿع) تجزیه می شود [۰۰]: کرنش الاستیک (^aع) و کرنش ماند (ⁱⁿع) تجزیه می شود [۰۰]: (۱۶)

یشینه کرنشهای اصلی است که المان در طی تکرارهای ε_{\max}



شکل ۲- الگوریتم مکانیک آسیب پیشنهادی

نرم شدگی معمولاً از مدل میرایی رایلی استفاده میشود: (۱۷)

K ماتریس جرم، M ماتریس میرایی، M ماتریس جرم، K ماتریس سختی و a و d ضرایب مدل میرایی رایلی هستند. دیده شده است که این مدل در طی فاز نرم شدگی کرنش مدل مناسبی نیست و منجر به حالات غیرفیزیکی می گردد [۱۰]. برای مدلسازی میرایی در طی فاز نرم شدگی در مسائل مکانیک شکست، میرایی متناسب با جرم کنار گذاشته شده و تنها بخش متناسب با سختی المان در نظر گرفته می شود. با توجه به تغییرات سختی المان در حین ترک خوردگی مکانیسمهای میرایی مختلفی در مراجع برای مسائل ترک پخشی پیشنهاد شده است. در این مطالعه از مدل میرایی اتجاعی – ترد (EDM) است. در این مطالعه از مدل تنها المانهایی که دچار ترک استفاده شده است. در این مدل تنها المانهایی که دچار ترک خوردگی نشدهاند دارای میرایی بوده و برای المانهای ترک

۲-۵- الگوریتم محاسبات مدل مکانیک آسیب
در شکل (۲)، الگوریتم مدل مکانیک آسیب پیشنهادی در این

قبلی به آن رسیده است. در این رابط ه λ نسبت بین کرنش مانده در ترک بسته و بیشینه کرنش اصلی است و معمولاً مقدار آن ۲/۰ در نظر گرفته می شود. هنگامی که در طول بارگذاری کرنش های اصلی از $\lambda \epsilon_{max}$ بیشتر شود، ترک همچنان باز فرض می شود و در غیر این صورت ترک بسته شده است. در این مطالعه مقدار λ برابر ۲/۰ درنظر گرفته شده است.

در طول بارگذاری، با افزایش کرنش عمود بر صفحه ترک در هر جهت اصلی، متغیر آسیب متناظر با آن جهت افزایش مییابد تا اینکه در نهایت هنگامیکه \mathcal{E}_f or $\mathcal{E}_f 2 \leq 3$ المان کاملاً ترک خورده و متغیر خرابی متناظر با جهت مورد بررسی برابر با یک می شود. بنابراین با تغییر متغیر آسیب در هر جهت ماتریس مدول سختی **D** نیز تغییر میکند. در طول باربرداری و بارگذاری مجدد، زمانیکه کرنش محاسبه شده کمتر از مقدار کرنش بیشینه، \mathcal{E}_{max} ، در گامهای زمانی قبلی باشد، متغیر آسیب در آن جهت تغییر نمیکند.

۲-۴- مکانیسم میرایی مصالح در طی فاز شکست و قبل از آن در مسائل المان محدود، برای مدلسازی میرایی در فاز قبل از



شکل ۳- الگوریتم حل تکراری در مسائل غیرخطی

مطالعه برای تحلیل سازه های بتنی دو بعدی ارائه شده است. المان های مورد استفاده در این مدل، المان های ایزوپارامتریک ۴ گرهی هستند. برای محاسبه ماتریس های المان و پاسخ های مختلف، از الگوی انتگرال گیری گوسی ۲×۲ نقطهای استفاده شده است. بدین ترتیب هر المان دارای ۴ نقطه استفاده شده است. در طول تحلیل، مؤلفه های کرنش و تنش المان در هر نقطه گوس آن به دست آمده و متغیر آسیب در هر یک از نقاط گوس المان به صورت جداگانه محاسبه می شوند.

در این تحقیق رابطه بندی ماتریس های سختی محلی به روز

شده، جهات صفحات اصلی و صفحات ترک و ماتریس های انتقال براساس مدل ترک پخشی چرخشی است. ولی پارامترهای ماتریس سختی شامل مدول الاستیسته کاهش یافته و پارامترهای مقاومتی مانده مصالح بعد از وقوع تسلیم، براساس منحنی های آسیب کششی بتن در نظر گرفته شدهاند. در شکل (۳) نیز الگوریتم کلی برای تعیین مراحل حل روش عددی ارائه شده است.

۲-۶- صحت سنجی مدل آسیب
در این بخش به منظور کنترل صحت مدل آسیب پیشنهادی یک



شکل ۴- هندسه و شبکه المان محدود مثال یک المانی



المان به ابعاد واحد تحت بارگذاری تغییرمکان در وجه آزاد آن قرار می گیرد (شکل (۴)). پارامترهای مادی به کار رفته در تحلیل عبارتند از: مدول الاستیسیته $G_{\rm E} = 20$ GPa ، مقاومت کششی تک محوری MPa و 2.0 MPa، ضریب پواسون، 0= 0 و انرژی شکست $M_{\rm m} = 2.0$ MPa ، ضریب پواسون، 0= 0 و انرژی شکست $G_{\rm f} = 250$ M/m ، فی (۵) نتایج حاصل از تحلیل در نقاط گوس ترک خورده ارائه شدهاند. همان گونه که مشاهده می شود، تنش ترک خوردگی، سطح زیر منحنی تنش کرنش (انرژی شکست) و نرم شوندگی به خوبی با نتایج تحلیلی مطابقت دارد.

۳- مدل فولاد

در این تحقیق برای مدلسازی فولاد از یک مدل دوخطی (شکل (۶)) با دو روش متفاوت : مدل المان فولاد خرپایی مجزا و مدل فولاد پخشی استفاده شده است. در مدل المان فولاد خرپایی مجزا، اثر پیوستگی- لغزش بین فولاد و بتن با استفاده

از مدل المان پیوستگی اتصالی لحاظ شده است.

٣-١- مدل المان فولاد خرپایی مجزا

در این مدل، همان گونه که در شکل (۷) نشان داده شده، یک المان خرپایی دو بعدی در داخل المان بتنی تعبیه شده است. در این مدل در ابتدا فرض پیوستگی کامل در جابه جایی ها لحاظ شده است، یعنی جابه جایی انتهایی المان فولاد با جابه جایی مرزی متناظر المان بتن سازگار در نظر گرفته شده است، اما در ادامه با ارائه روابطی که اثر کاهنده در سختی قسمت سطح مشترک^۹ فولاد و بتن دارد، اثر پیوستگی – لغزش به صورت جداگانه لحاظ شده است. اگرچه معمولاً فرض سازگار بودن جابه جایی المان فولاد با بتن در این حالت برقرار نیست، اما بررسی ها نشان داده است که با این فرض، دقت تحلیل ها در رفتار کلی یک سازه بتن مسلح، دستخوش تغییرات محسوسی نمی گردد [۱۲].

تسلیم میلگرد، قطر میلگرد، پوشش و فاصله میلگردها از یکدیگر و وضعیت سطح میلگردها در حالت بارگذاری چرخهای^{۱۰} به فاکتورهای ذکر شده، محدوده تنش پیوستگی و لغزشی اضافه میشود. در مدل المان فولاد خرپایی مجزا اثر پیوستگی- لغزش بین بتن و آرماتور با المان پیوستگی اتصالی مدل خواهد شد.

در شکل (۸) شکل کلی المان پیوستگی اتصالی بدون بعد نشان داده شده است. المان پیوستگی اتصالی، یک گره فولاد را به گره المان بتن متناظر با آن که در حالت تغییر شکل نیافته دارای مکان های فیزیکی یکسانی هستند متصل می کند. استفاده از این روش در اجزای محدود، محدودیت های زیر را به دنبال دارد [۱۲]:

- شبکهبندی المان محدود باید به گونهای باشد که آرماتور در امتداد لبه المان بتنی واقع شود.
- ✓ تعریف لغزش نسبی موجود بین آرماتور و بـتن نیـاز بـه دو گره مجزا دارد.

این محدودیت ها ناشی از این واقعیت است که سختی المان پیوستگی اتصالی، وابستگی تام به جابه جایی نسبی فولاد و بتن (لغزش) دارد. بنابراین لازم است تا جابه جایی های مطلق هریک از گرههای المان فولاد و بتن محاسبه گردد. در محاسبات سازه های پیچیده، به علت بالا رفتن قابل توجه درجات آزادی، استخراج این مقادیر مستلزم صرف زمان زیاد و شامل پیچیدگی های زیاد است. در این تحقیق با استفاده از المان پیوستگی اتصالی، اثر پیوستگی الغازش در ماتریس جداگانه محاسبه نشده بلکه به صورت ضرایبی، محاسبه و به ماتریس سختی فولاد اضافه شده است. در شکل (۹) المان فولاد مورد شده است. ماتریس سختی المان اتصالی آن نشان داده شده است. ماتریس سختی المان پیوستگی به صورت زیر

$$\mathbf{K}_{\rm LO} = \begin{bmatrix} k_{\rm bi} & -k_{\rm bi} & 0 & 0 \\ -k_{\rm bi} & k_{\rm bi} & 0 & -k_{\rm bj} \\ 0 & 0 & k_{\rm bj} & -k_{\rm s} \\ 0 & -k_{\rm bj} & -k_{\rm s} & k_{\rm s} + k_{\rm bi} \end{bmatrix} \tag{1A}$$

 $σ_y$ 1 E_{S1} E_{S1} E_{S1} E_{Cu} E_{Cu} E



شکل ۸– المان پیوستگی اتصالی

۳–۱–۱– مدلسازی اثر پیوستگی– لغزش بین بتن و آرماتور (المان پیوستگی اتصالی)

بهدلیل وجود متغیرهای تأثیر گذار متعدد بر روابط تنش پیوستگی-لغزش و سخت بودن اندازه گیری تنش پیوستگی در روش های تجربی بهدلیل وجود خطاهای زیاد، بهدست آوردن یک رابطه کارآمد از این روش ها بسیار دشوار است. فاکتورهای مؤثر بر رفتار پیوستگی عبارتند از: نوع بارگذاری که ممکن است یکنواخت یا غیریکنواخت باشد، مقاومت بتن، مقاومت



شکل ۹- مدل المان فولادی مجزا همراه با اثر پیوستگی- لغزش



که در آن، $\frac{EA}{L} = \frac{EA}{L}$ سختی آرماتور و k_b سختی ناشی از لینک اتصال، موازی با محور میلگرد و متناظر با هـر یـک از دو انتهای آن است. i و j به گرههای ابتـدا و انتهـای المـان اتصـالی اشاره دارند. k_b بهصورت زیر محاسبه میشود:

$$\mathbf{k}_{b} = \mathbf{E}_{b1}\mathbf{A} \tag{19}$$

ال E_{b1} مدول لغزش اولیه فولاد در داخل بتن است (که بعـد از رسیدن لغزش به d_{s1} با E_{b2} جایگزین مـیشـود). A مسـاحت پیرامونی است که از رابطه زیر بهدست میآید: $A = \frac{m \pi d_b l}{2b}$ (۲۰)

روش های عددی در مهندسی، سال ۳۴، شمارهٔ ۱، تابستان ۱۳۹۴

m تعداد میلگردها، db قطر میلگردها، I فاصله لینکهای اتصال در ابتدا و انتهای میلگردها و b عرض سطح مقطع المان است. در مطالعه حاضر، از یک مدل سه خطی ساده تنش پیوستگی- لغزش استفاده شده است. پارامترهای این مدل از انجام آزمایش بیرون کشیدگی میلگرد^{۱۱} از نمونههای بتن مسلح بر روی نمونههای مختلف قابل استخراج است (شکل (۱۰)). در این مطالعه پس از محاسبات ریاضی، از ماتریس ارائه شده در رابطه (۱۸) به صورت رابطه (۲۱) استفاده شده

$$\mathbf{k_{eq}} = \frac{k_s \, k_{bi} \, k_{bj}}{k_s (k_{bi} + k_{bj}) + k_{bi} \, k_{bj}} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$
(11)

رابطه (۲۱) همان ماتریس سختی المان فولاد در مختصات محلی است که در آن اثر پیوستگی- لغزش نیز لحاظ شده است. ضریب این ماتریس را میتوان به صورت زیر بازنویسی کرد [۱۲]:

$$\frac{k_{s} k_{bi} k_{bj}}{k_{s} (k_{bi} + k_{bj}) + k_{bi} k_{bj}} = \frac{k_{s}}{1 + k_{s} (\frac{1}{k_{bi}} + \frac{1}{k_{bi}})}$$
(77)

همانگونه که از رابطه (۲۲) آشکار است، وارد شدن اثر پیوستگی-لغزش در رابطه ها، نوعی اثر کاهنده بر سختی ناشی از فولاد مسلح کننده میگذارد. در حالت فرض وجود پیوستگی کامل بین آرماتور و بتن، k_{bi} و k_b به سمت بینهایت میل کرده و در نتیجه از ضریب بالا تنها k_s باقی میماند که همان سختی فولاد است.

۲-۲- مدل فولاد پخشی ۲

است:

در مدل پخشی فرض میشود که فولاد در سراسر بتن، با یک زاویه توزیع مشخص پخش شده و المان بتن مسلح را ایجاد نموده است. در این حالت فرض میشود که بین فولاد و بتن پیوستگی کامل وجود دارد. در این حالت به جای مدلسازی آرماتور داخل بتن، یک المان فولادی معادل که ویژگیهای تک محوری فولاد در هر جهت را دارد، مدل میشود. ابعاد این المان برابر ابعاد المان بتنی متناظر بوده و ضخامت آن از رابطه



شکل ۱۱– دیوار CAMUS بر روی میز لرزه CEA

زیر بهدست می اید [۱۲]:
$$t_s = \frac{A_s}{b} = \rho_s d_e$$
 (۲۳)

در رابطــه فــوق، A_s ســطح مقطــع آرمــاتور، b فاصــله آرماتورها، ρ_s درصد فولاد مقطع و d_e عمق مؤثر است.

در این حالت روش محاسبه سختی، همان روشی است که در محاسبه سختی المان بتنی در روش اجزای محدود استفاده میگردد.

در مسائل دوبعدی ماتریس میرایی C بـهصـورت زیـر تعریـف میگردد [۱۳]:

$$\mathbf{C} = \begin{bmatrix} \rho_{x} \mathbf{E}_{S1} & 0 & 0\\ 0 & \rho_{y} \mathbf{E}_{S1} & 0\\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
(74)

در رابطه فوق، $\rho_x \rho_v \rho_v \rho_v \rho_v$ درصد فولاد بهترتیب در جهت x و y است. (در این حالت بعد از رسیدن مقدار تنش به f_y (نقطهٔ تسلیم) در رابطه (۲۴)، از E_{s2} به جای E_{s1} استفاده می شود. E_{s1} مدول الاستیک و E_{s2} مدول غیرالاستیک فولاد در مدلسازی دوخطی آن است (شکل (۶)). باید دقت نمود که این ماتریس قبل از استفاده در رابطه باید به مختصات عمومی برده شود [۱۲]: $C_{GL st} = T^T C_{LO st} T$

در رابطه فوق، $C_{GL\,st}$ ماتریس مدول فولاد در مختصات محلی، $C_{LO\,st}$ ماتریس مدول فولاد در مختصات عمومی و T ماتریس انتقال است (θ زاویه بین محور میلگرد و محور xها در مختصات عمومی است).

۴ – مدلسازی عددی

روش ها و الگوریتم های ارائه شده در این مطالعه، در برنامه المان محدود FEAPpv^۲ به صورت هماهنگ و با حفظ توانایی های برنامهٔ پایه اعمال شد. البته در این تحقیق تنها از توانایی های تشکیل حلقه ها، روی هم گذاری و حل گر این برنامه استفاده شد و سایر بخش های مورد نیاز مطابق با الگوریتم های استخراج شده در برنامه المان محدود به آن اضافه گردید. برنامه بعد از صحت سنجی با مثال های عددی متعدد، در تحلیل دیوار های بتنی برشی به کار برده شده است.

۴–۱– معرفی آزمونهای تجربی

دیوارهای CAMUS I,III از مراجع [۷] و [۱۴] مدلسازی شده و نتایج بهدست آمده با نتایج موجود مقایسه شدند. در آزمون تجربی، سازهای شامل دو دیوار برشی بـتن مسـلح ۵ طبقـه در مقیاس 🖕 بر روی میز لرزه ^{۱۴}CEA بنا شد. ارتفاع کل دیوارهـا ۵/۱۰ متر، عرض آن ۱/۷ متر و ضخامت آن ۶ سانتیمتر بود. این دیوارهای موازی، فاقد بازشو بوده و با شـش سـقف بـا ابعـاد ۱/۷×۱/۷ متر و ضخامت ۲۱ سانتیمتر به یکدیگر متصل شـدند. ارتفاع دیوار در طبقه اول ۶۰ سانتیمتر، عـرض آن ۲/۱۰ متـر و ضخامت آن ۱۰ سانتیمتر بود. انتهای پایینی دیـوار بـهصـورت کاملاً گیردار به میز وصل شده است. یک سیستم مهاربندی جانبی به منظور پایدار سازی دیوارها در هر طبقه به کار گرفته شده است. طراحی این سیستم مهاربند به نحوی بود که بر رفتار خمشی دیوار تأثیری نداشته و تنها نیروهای عمود بر آن، به آن انتقال مییافت. هندسه، ابعاد و شکل سازه بنا شده در شکل (۱۱) ارائه شده است. در تحلیل انجام شده در مرجع [۷]، از المان دو بعدی تنش مسطح در مدلسازی این دیوارهـ استفاده

$\rho(\frac{kg}{m^3})$	$f_c(Mpa)$	$f_t(Mpa)$	$E_c(Mpa)$	$G_f(N/m)$	ν	f _y (Mpa)	E _S (Mpa)
7400	٣٩	٣/۵	41140	۲۵۰	۰/۲	418-831	700000

جدول ۱- مشخصات مصالح در دیوار CAMUS III [۷]

گرفت. در این مطالعه تنها یک دیوار از سازه مدلسازی شده است. در طی انجام آزمایش، نمونه تحت شتاب افقی افزایش یابنده در امتداد موازی با صفحه دیوار قرار گرفت. دیوار I CAMUS در آزمون واقعی، تحت ترکیبی از توالی شتابهای مختلف قرار گرفت و در نهایت به علت زمانبر بودن تحلیلها، تنها دو طیف شتاب که طی اعمال آنها پاسخهای بیشینه به دست آمده بودند، انتخاب شدند. در مطالحه حاضر مطابق با مرجع [۱۴] به نمونه شتاب ساختگی Nice, PGA=0.71g داده شد. به منظور حصول شتاب ساختگی Nice, PGA=0.71g داده شد. به منظور حصول به دست آمده بود با نتایج در بازهای که پاسخ بیشینه به دست آمده بود با نتایج تجربی مقایسه شد. در شکل (۱۲)

در مورد دیوار CAMUS III هندسه و ابعاد دیـوار کـاملاً مشابه دیوار CAMUS I است، که در شکل (۱۱) نشان داده است. توزیع آرماتور و همچنین بار زلزله درنظر گرفته شـده در این دیوار نسبت به دیوار CAMUS I متفاوت است. این دیـوار از نوع مقطع پرفولاد بوده و طراحی آن براساس آیین نامه French PS 92 Seismic Code صورت گرفته است درحالی ک ديوار براساس الزامات EC8 ^{۱۵} طراحي شده بود. در جدول (۱) مشخصات مصالح به کار گرفته شده در دیوار آمده است. قابل ذکر است ویژگیهای تعیین شده برای بـتن از روی آزمایش تجربی بر روی نمونه استوانهای بهدست آمدهاند. در شکل (۱۳) و در ادامه در جدول (۲) نحوه آرماتوربندی دیوار در طبقات مختلف نشان داده شدهاند. در طی آزمون میز لرزان، این نمونه تحت شتاب افزایش یابنده افقی در امتداد موازی با صفحه دیوار قرار گرفت. به این دیوار شتاب زلزله (۱۴) اعمال شد. در شکل (۱۴) Melendy Ranch, (amax=1.35g) شتاب نگاشت به کار گرفته شده، نشان داده شده است. در طی آزمون واقعی در روی میز لرزان، دستگاههای نصب شده



شكل ۱۲ - مؤلفه های شتاب Nice, PGA=0.71g



شکل ۱۳- توزیع آرماتور در ارتفاع دیوار CAMUS III





شد و بهعلت تقارن سازه در هندسه و بارگذاری، با توجه به سیستمهای موجود در دیوار، تنها یک دیوار مورد مدلسازی قرار

		-
	توزیع آرماتور در المانهای کناری	توزیع آرماتور در المانهای میانی
طبقه اول	$4\Phi 8 + 2\Phi 6 + 2\Phi 4.5 = 289 \text{mm}^2$	$2X^5 \Phi 4.5 @ 200 = 159 \text{mm}^2$
طبقه دوم	$4\Phi 8 + 2\Phi 6 + 2\Phi 4.5 = 289 \text{mm}^2$	$2X^5 \Phi 4.5 @ 200 = 159 \text{mm}^2$
طبقه سوم	$4\Phi 8 + 2\Phi 6 + 2\Phi 4.5 = 289 \text{mm}^2$	$2X^{5}\Phi 4.5@200 = 159mm^{2}$
طبقه چهارم	$4\Phi 8 + 2\Phi 6 + 2\Phi 4.5 = 289 \text{mm}^2$	$2X^{5}\Phi 4.5@200 = 159mm^{2}$
طبقه پنجم	$4\Phi 8 + 2\Phi 6 + 2\Phi 4.5 = 289 \text{mm}^2$	$2X^5 \Phi 4.5 @ 200 = 159 \text{mm}^2$

جدول ۲- توزیع آرماتور در دیوار CAMUS III

جدول ۳- مقادیر فرکانس طبیعی و میرایی در دیوار CAMUS III [۷]

	بسامد ارتعاش طبیعی(Hz)	درصد میرایی بحرانی(٪)
مود اول	$\mathcal{F}/\Lambda\Delta$	٢
مود دوم	22/01	١

بهمنظور اندازه گیری جابهجایی ها درسقف ششم دچار نقص شده و بنابراین در این پایان نامه همانند مرجع [۱۴] جابهجایی های افقی طبقه پنجم با نتایج تجربی مقایسه شدند.

۲-۴- مدلسازی عددی دیوار CAMUS III

این دیوار ازنوع مقطع پرفولاد بوده و طراحی آن براساس ضوابط French PS92 seismic code صورت گرفته است. در جدول (۱) مشخصات مصالح به کار گرفته شده در دیوار ارائه شده است. قابل ذکر است ویژگیهای تعیین شده برای بتن از روی آزمایش تجربی بر روی نمونههای استوانهای بهدست آمدهاند. در جدول (۲) و در ادامه در شکل (۱۳) نحوه آرماتوربندی دیوار در طبقات مختلف نشان داده شده است.

در طی آزمون میز لرزان، این نمونـه تحـت شـتاب افـزایش یابنده افقی در امتداد موازی با صفحه دیوار قرار گرفت. به ایـن دیوار شتاب زلزله Melendy Ranch اعمال شد (شکل ۱۴).

در تحلیل های حاضر از ۱۶۷ المان چهارگرهی تنش مسطح در مدلسازی دیوار استفاده شده است. در مدلسازی فولاد از مدل فولاد خرپایی با لحاظ اثر پیوستگی – لغزش استفاده شد بدین منظور از مدول لغزش $E_b = 1.5 \times 10^4 MN/m^3$ ، در محاسبات استفاده شده است.

بهمنظور انجام تحلیل دینامیکی، از گامهای زمانی ۰/۰۱ ثانیه و روش انتگرالگیری زمانی استاندارد نیومارک استفاده شده است. اثر میرایی با استفاده از مدل میرایی ارتجاعی- ترد در نظر گرفته شده است. بـا درنظـر گـرفتن میرایـی بحرانـی ٪۲ و ٪۱ بهترتیب در مودهای اول و دوم سازه [۷] و با داشتن بسامدهای طبیعی دیوار در این مودها (جدول ۳)، ضرایب میرایی متناسب با جرم سختی در رابطه ماتریس میرایی رایلی بهدست آمدهاند. در طی آزمون واقعی در روی میز لرزان، دستگاههای نصب شده بهمنظور اندازه گیری جابهجایی ها در سقف ششم دچار نقص شده و بنابراین در ایـن مطالعـه نیـز بـه ماننـد مرجـع [۷] جابهجایی های افقی طبقه پنجم با نتایج تجربی مقایسه شدند. پاسخهای بیشینه در فاصله زمانی ۲/۵۲ تـا ۶/۵۲ ثانیـه مشـاهده شـد. در شـكل (۱۵) جابـهجـایی افقـی طبقـه پـنجم دیـوار CAMUS III در فاصله پاسخ بیشینه، با نتایج تجربی مقایسه شده است. تطابق مناسب پاسخهای بهدست آمده از مدل با نتایج تجربی مشهود است. با توجـه بـه شـکل (۱۴)، بیشـینه اخـتلاف جابهجایی های اندازه گیری شده با نتایج تجربی به میزان ۴/۵۰ میلیمتر و در زمان ۴/۵۶ ثانیه بود. البته مدل ارائه شــده در پیش بینی پاسخ بیشینه عملکرد مطلوب تری داشت. چنانچه در زمان ۴/۰۶ ثانیه و در بیشینه پاسخ بـهدسـت آمـده از سـازه، مقـدار



شکل ۱۵– تاریخچه زمانی جابهجایی افقی سقف پنجم دیوار CAMUS III در مقایسه با نتایج مرجع [۷]

$\rho(\frac{kg}{m^3})$	f _c (Mpa)	f _t (Mpa)	E _c (Mpa)	$G_{f}(N_{m})$	ν	f _y (Mpa)	E _S (Mpa)
7400	۳۵	٣	۳۰۶۵۰	۲۵۰	۰/۲	۴۶۵-۵۷۰	700000

جدول ۴ - مشخصات مصالح ديوار CAMUS I

	ی ارماتور در دیوار CAMUS [۷]	جدول ۵- توزيع
طبقه	توزیع آرماتور در المانهای کناری	توزیع آرماتور در المانهای میانی
اول	$4\Phi 8 + 2\Phi 6 + 2\Phi 4.5 = 289 \text{mm}^2$	$4\Phi 5 + 2\Phi 4.5 + \Phi 6 = 138 mm^2$
دوم	$4\Phi 6 + 2\Phi 8 + 2\Phi 4.5 = 189 mm^2$	$4\Phi 5 + 2\Phi 4.5 + \Phi 6 = 138 mm^2$
سوم	$\Phi 6 + \Phi 8 + \Phi 4.5 = 94.4 mm^2$	$4\Phi 5 + 2\Phi 4.5 = 110mm^2$
چھارم	$\Phi 6 = 28.2 mm^2$	$4\Phi 5 = 78.4mm^2$
پنجم	$\Phi 4.5 = 15.9 mm^2$	$4\Phi 5 = 78.4 mm^2$

پیش بینی شده تنها به میزان ۲/۵۷ میلی متر از مقدار تجربی کمتر بود. در شکل (۱۶) الگوی ترک پیش بینی شده دیـوار بـا الگـوی ترک واقعی مقایسه شده است. همانگونهکه مشخص است در طی اعمال بار تغییر شکلهای وسیع غیرالاستیک در سازه روی داد. با این وجود برنامه تهیـه شـده در ایـن مطالعـه از پایـداري عددی مناسبی در طی تحلیل برخوردار بوده و بهخوبی توانایی پیش بینی الگوی ترک خوردگی در دیوار را دارد.

در شکل (۱۷)، نمودار تنش – کرنش یک المان نرم شونده (نقطه گوس ۱) برای المان مشخص شده در شکل (۱۵) در دیوار استخراج شده است. با توجـه بـه رابطـه (۹)، بـهمنظـور ارضای اصل بقای انرژی شکست، شیب منحنی نرم شوندگی به گونهای تعیین می گردد که انـرژی مسـتهلک شـده در واحـد سطح ترک ثابت باقی بماند.

مقدار $\frac{\epsilon_{\rm f}\sigma_0}{2}$ در رابطه (۹) همان سطح زیر نمودار تنش-كرنش است. طول مشخصه المان شكل (١٥)، از رابطه (١٥) برابر ۰/۰۶۹۶ بهدست آمده است. با ضرب این مقدار در مساحت زیـر نمودار تنش-كرنش المان بعد از أغاز شكست داريم: $(\circ / \circ \mathcal{P} \mathcal{P}) \times (\mathcal{T} \mathcal{P} \mathcal{N} / \mathcal{T}) = \mathcal{T} \mathcal{P} \mathcal{T} / \mathcal{V} \mathcal{N} (N/m)$ که نسبت به مقدار انرژی شکست تعیین شده المان (۲۵۰ N/m)، تنها ٪ ۲/۸۸ خطا وجود دارد.

۲-۴- مدلسازی عددی دیوار CAMUS I

هندسه و ابعاد دیوار کاملاً مشابه CAMUS III است. طراحی لرزهای این دیوار براساس الزامات EC8 صورت گرفته است. در جدول (۴) مشخصات مصالح به کار رفته در دیوار و در جدول (۵) و در ادامه در شکل (۱۸) نحوه توزیع فولاد در

CA	جدول ۶– مقادیر فرکانس طبیعی و میرایی در دیوار CAMUS I				
	بسامد ارتعاش طبیعی(Hz)	درصد میرایی بحرانی(٪)			
مود اول	V/YV	٢			
مود دوم	22/7°F	١			



فولاد المانها

روش انتگرالگیری زمانی استاندارد نیومارک استفاده شده است. برای در نظر گرفتن اثر میرایی، از مدل میرایی ارتجاعی – تـرد استفاده شده است.

با داشتن بسامدهای طبیعی دیوار (جدول ۶)، ضرایب میرایی متناسب با جرم و سختی در رابطه ماتریس میرایی رایلی استخراج شدهاند.

در شکل (۱۹) جابهجایی افقی طبقه ششم دیوار I CAMUS در در فاصله پاسخ بیشینه، با نتایج تجربی مقایسه شدهاند. در شکل (۲۰) الگوی ترک پیش بینی شده برای دیوار با الگوی ترک واقعی مقایسه شده است. پاسخهای بهدست آمده، به خصوص در پیش بینی مسیرهای وقوع ترک، تطابق بسیار خوبی با نتایج تجربی دارد. تفاوت اندک مشاهده شده در پروفیل ترک ارائه شده نسبت به پروفیل ترک آزمایشگاهی می تواند به پارامترهای مفروض برای حل مسأله و تفاوت آن با شرایط واقعی آزمایش مربوط باشد. در آزمون تجربی، لایه ای از ملات به ضخامت ۱ سانتی متر بین دیوار و میز لرزه قرار داده



کل ۲۰ میلوی تو عور می مور می مدل پیشنهادی الف) نتیجه تجربی [۷]، ب) مدل پیشنهادی



طبقات آورده شده است. برای مدلسازی فولاد در این دیـوار از مدل فولاد پخشی استفاده شد.

در طی انجام آزمایش، نمونه تحت شتاب افقی افزایش یابنده در امتداد موازی با صفحه دیوار قرار گرفت. به نمونه شتاب ساختگی Nice, PGA=0.71g داده شد. در شکل (۱۲) شتاب نگاشت به کار گرفته شده در آزمایش ارائه شده است. بهمنظورانجام تحلیل دینامیکی، ازگامهای زمانی ۰۰۰ ثانیه و



شکل ۲۰– الگوی ترک خوردگی دیوار CAMUS I، الف) نتیجه تجربی [۷] ب) مدل پیشنهادی

شد. درحالی که در مدل تعریف شده در تحلیل های عددی این لایه در نظر گرفته نشده است. بیشینه اختلاف جابه جایی های اندازه گیری شده با نتایج تجربی به میزان ۶/۹ میلی متر و در زمان ۱۱/۳۰ ثانیه بود. مشاهده می شود که خطای موجود در این CAMUS III ثانیه بود. مشاهده می شود که خطای موجود در این تحلیل از خطای محاسباتی موجود در تحلیل III CAMUS بیشتر است. درنظر نگرفتن اثر پیوستگی – لغزش در مدلسازی بیشتر است. درنظر نگرفتن اثر پیوستگی – لغزش در مدلسازی آن شده و در نتیجه پاسخ به دست آمده کمتر از مقدار تجربی به دست آمده است. در حالی که با مدلسازی اثر پیوستگی – نعزش بین فولاد و بین محصور کننده آن در نمونه میزان خطای مشاهده شده در نتایج کاهش یافت.

با نگاه نسبی به اختلاف پاسخهای بهدست آمده در تحلیل قبلی، استفاده از روش فولاد خرپایی منجـر بـه افـزایش دقـت پاسخ بیشینه تا ٪۷ نسبت به استفاده از روش فولاد پخشی شد.

۵- نتايج

در این مطالعه یک مدل عددی غیرخطی جدید براساس دیـدگاه مکانیک آسیب و احتساب اندرکنش بتن و فـولاد بـرای تحلیـل غیرخطی لرزهای دوبعدی سازههای بتن مسلح ارائه شده است. ویژگیهای مدل پیشنهادی به شرح زیر است :

- ✓ مدل آسیب پیشنهادی در مدلسازی رفتار لرزهای بتن دربرگیرنده ویژگیهای یک مدل کامل در مدلسازی رفتار غیرخطی لرزهای بتن است. این ویژگیها عبارتند از: مدلسازی رفتار قبل از ترک خوردگی، معیار مناسب برای شروع نرم شوندگی، حفظ انرژی شکست، مدلسازی رفتار نرم شوندگی، معیاری برای باز و بسته شدن ترک (بارگذاری- باربرداری مجدد) و احتساب مدل میرائی مناسب در بارگذاریهای دینامیکی.
- ✓ در مدلسازی فولاد از یک مدل دوخطی با دو روش متفاوت: مدل المان فولاد خرپایی مجزا و مدل فولاد پخشی استفاده شده است. در مدل المان فولاد خرپایی مجزا، اثر پیوستگی- لغزش بین فولاد و بتن با استفاده از مدل المان پیوستگی اتصالی لحاظ شده است.
- ✓ بر اساس الگوریتمهای ارائه شده، مدل پیشنهادی در یک کد المان محدود به زبان فرترن به کار رفته و بعد از صحت سنجی با مثال های نمونه معتبر در تحلیل های این تحقیق مورد استفاده قرار گرفته است.

مدلسازی عددی در مقیاس ۱/۳ دیوارهای CAMUS I و مدلسازی عددی در مقیاس ۱/۳ دیوارهای CAMUS III بهدست آمده از برنامه، در میزان جابه جایی های پیش بینی شده و الگوهای ترک مورد انتظار برای سازه با آنچه از آزمایش بهدست آمده است، همخوانی مناسبی دارد. با درنظر گرفتن تحلیل های ارائه شده، نتیجه گیری های عمده زیر را

۲ بروفیل های ترک بهدست آمیده از میدل ترک بخشی چرخشی ارائه شده در این مطالعه تطابق بسیار مناسبی با نتایج تجربی دارد. _ √ در نظر گرفتن اثر پیوستگی– لغزش در تحلیـل دیـوارهـای بتنی مسلح پاسخ هایی با دقت بیشتر را بهدست میدهد.

- 1. international atomic energy
- agency (IAEA)
- 2. strain softening
- 3. bond-slip
- 4. interlock
- 5. bond link element

6. smeared crack

7. interaction

- 8. elasto-brittle damping model
 - (EDM)
- 9. interface
- 10. cyclic
- Simulation of Dynamic Shear Wall Tests: A Benchmark Study", Journal of Computers and Structures, Vol. 84, No. 8, pp. 549-562, 2006.

13. finite element analysis program

- personal version (FEAPPV)

14. comissariat a l'energie atomique

واژەنامە

مراجع

- 10. Moradloo, J., Ahmadi, M. T., "Nonlinear Dynamic Analysis of Concrete Arch Dam", 14 World Conference of Earthquake Engineering, Beijing, China. 2008.
- 11. Faria, R., Oliver, J., and Cevera, M., "A Strain-Based Plastic Viscose Damage Model for Massive Concrete Structures", International Journal of Solids and Structures, Vol. 35, No. 14, pp. 1533-1558, 1998.
- 12. Filippou, F. C., and Kwak, H. C., "Finite Element Analysis of Reinforced Concrete Structures under Monotonic Loads", Department of Civil Engineering UCB, California, USB/SEMM-90/14,1990.
- 13. Maekawa, K., Plamanma, A., and Okamora, H., Analysis and modeling of reinforced concrete, First edition 2003, ISBN O-415-27126-6, 2003.
- 14. Lle, N., and Reynouard, J. M., "Seismic Behavior of R/C Shear Wall Structures Designed According to the French PS92 and EC8 CODES: A Comparison between Shaking-Table Response Data and 2D Modeling", 12th World Conference on Earthquake Engineering, Auckland, New Zealand, 2000.
- 15. Mirzabozorg, G., "Non-Linear Behavior of Mass Concrete in Three-Dimensional Problems using a Smeared Crack Approach", Earthquake Engineering and Structural Dynamics, Vol. 34, pp. 247-269, 2005.
- 16. Lee, J., and Fenves, G. L., "A Plastic-Damage Concrete Model for Earthquake Analysis of Dams", Earthquake Engineering and Structural Dynamics, Vol. 27, pp. 937-965, 1998.

1. Ngo, D., and Scordelis, A. C., "Finite Element Analysis of Reinforced Concrete Beams", ACI Journal, Vol. 64, No. 3, pp. 152-163 ,1967.

- 2. Rashid, Y. R., "Ultimate Strength Analysis of Prestressed Concrete Pressure Vessels", Nuclear Engineering and Design, Vol. 7, No.4, pp. 334-344, 1968.
- 3. Gann, Y., "Bond Stress and Slip Modeling in Non-Linear Finite Element Analysis of Reinforced Concrete Structures", M.Sc. Thesis, University of Toronto, 2000.
- 4. Rabczuk, T., Akkermann, J., and Eibl, J., "A Numerical Model for Reinforced Concrete Structures", International Journal of Solids and Structures, Vol. 2, pp. 1327-1354, 2005.
- 5. Soh, C. K., Dong, X. and Zheng Lu, X., "Damage Model Based Reinforced Concrete Element", Journal of Material in Civil Engineering, ASCE, Vol. 15, No. 4, pp. 371-380, 2003.
- 6. Khalfallah, S., "Tension Stiffening Bond Modeling of Flexural Reinforced Concrete Beams", Journal of Civil Engineering and Management, Vol. 148, No. 14, pp. 131-137, 2008.
- 7. Lle, N., Reynouard, J. M., and Georgin, J. F., "Nonlinear Response and Modeling of RC Walls Subjected to Seismic Loading", ISET Journal of Earthquake Technology, Vol. 39, pp. 1-19, 2002.
- 8. Maekawa, K., Takashima, K., Kitada, Y., and Kawahara, S., "Results of the CAMUS-I Test Simulation by the Japanese Team", 18th International Conference on Structural Mechanics in Reactor Technology (SMiRT 18), Beijing, China, August, 2005.
- 9. kazas, I., Yakut, A., and Golkan, P., "Numerical

مي توان ارائه نمود: 🗸 مدل عددی مکانیک آسیب پیشنهادی توانایی پیش بینی رفتار سازه در مرحله نرم شدگی و مقاومت نهایی سازه را با دقت مناسبی دارد. این مدل از سطح پایداری مناسبی در مراحـل مختلف بارگذاری دینامیکی بر خوردار است.

11. pull-out

12. smeared model

15. Euro code No.8