

ساز و کار هماهنگی زنجیره تأمین باتخفیف‌های زمانی و نسبت پیش‌پرداخت برای کالاهای فسادپذیر با وجود محدودیت بودجه

سید فرزاد هاشمی ، بابک جوادی* و بهناز آقاعبداللهیان

گروه مهندسی صنایع، دانشکده مهندسی، دانشکدگان فارابی، دانشگاه تهران

چکیده - زنجیره تأمین یک محصول شامل تمامی سازمان‌ها و شرکت‌هایی است که در فرآیند تهیه، تأمین، تولید، توزیع و تحویل آن محصول به مشتری نقش دارند. یکی از مهم‌ترین ارکان مدیریت زنجیره تأمین، هماهنگی میان این اجزا است. اقلام فسادپذیر که به‌عنوان کالاهایی پرکاربرد شناخته می‌شوند، در پژوهش‌های مربوط به کنترل موجودی جایگاه ویژه‌ای دارند، زیرا این اقلام با گذر زمان ممکن است فاسد، تبخیر یا تخریب شوند و از این طریق ارزش یا مقدار خود را از دست بدهند. بنابراین، تعیین مقدار و زمان سفارش برای این نوع اقلام اهمیت بسیاری دارد. علاوه بر این، اعضای زنجیره تأمین معمولاً با محدودیت بودجه مواجه هستند و تولیدکننده بخشی از نقدینگی مورد نیاز خود را در ابتدای تولید از طریق دریافت نسبی از مبلغ کل سفارش تأمین می‌کند. تعیین این نسبت نیز بسیار حائز اهمیت است. در این تحقیق، یک زنجیره تأمین دو سطحی شامل یک عمده‌فروش و یک تولیدکننده که کالایی فسادپذیر تولید می‌کند، مورد بررسی قرار گرفته است. برای ایجاد هماهنگی و همکاری بلندمدت بین اعضا و حداکثرسازی سود زنجیره تأمین، از ساز و کار تخفیف استفاده شده است. در این ساز و کار، یکی از تخفیف‌ها بر اساس زمان سفارش و دیگری بر اساس نسبت پیش‌پرداخت عمل می‌کند. در نهایت، یک مثال عددی بررسی شده و تحلیل حساسیت بر روی پارامترهای مسئله انجام شده است. نتایج نشان می‌دهد که با اعمال ساز و کار هماهنگی و تعیین مقادیر بهینه برای مقدار سفارش، زمان سفارش و نسبت پیش‌پرداخت، سود اعضا و کل زنجیره تأمین در حالت هماهنگ نسبت به حالت ناهماهنگ افزایش یافته است.

واژه‌های کلیدی: مدیریت زنجیره تأمین، هماهنگی، کالای فساد پذیر، تخفیف، پیش‌پرداخت، محدودیت بودجه.

Supply Chain Coordination Mechanism with Lead-Time and Prepayment Discounts for Deteriorating Items under Budget Constraint

Abstract: The supply chain of a product encompasses all organizations and companies involved in the processes of procurement, supply, production, distribution, and delivery of that product to the customer. One of the most critical aspects of supply chain management is the coordination among these elements. Perishable goods, which are recognized as widely used items, hold a significant position in inventory control research because these items may deteriorate, evaporate, or degrade over time, leading to a loss of value or quantity. Therefore, determining the order quantity and timing for such items is crucial. Additionally, supply chain members often face budget constraints, and the manufacturer secures part of the required liquidity at the beginning of production by receiving a portion of the total order amount upfront. Determining this portion is also of great importance. In this study, a two-level supply chain, consisting

* : مسئول مکاتبات، پست الکترونیکی: alfoone@uoz.ac.ir

of a wholesaler and a manufacturer producing a perishable good, has been examined. To foster long-term coordination and collaboration among members and to maximize supply chain profit, a discount mechanism has been utilized. This mechanism includes one discount based on order timing and another based on the prepayment ratio. Finally, a numerical example has been analyzed, and sensitivity analysis has been conducted on the problem's parameters. The results demonstrate that by implementing the coordination mechanism and determining the optimal values for order quantity, order timing, and prepayment ratio, the profit of both the members and the entire supply chain increases in the coordinated state compared to the uncoordinated state.

Keywords: Supply chain management, coordination, deteriorating items, discount, prepayment, budget constraint.

فهرست علائم

حداکثر بودجه عمده فروش (۱۴)	TBR	مقدار سفارش (تن) (۱)	Q
حداکثر زمانی که عمده فروش می بایست سفارش خود را صادر نماید (۱۶)	T	مدت زمان بین صدور سفارش و دریافت سفارش (هفته) (۳)	Lt
قیمت خرید مواد اولیه (۱۹)	Cm	نسبت پیش پرداخت (۹)	U
حداکثر بودجه ای که تولید کننده می تواند صرف خرید مواد اولیه کند (۲۷)	TBM	هزینه فسادپذیری برای تولیدکننده (۸)	CD
حداکثر بودجه ای که عمده فروش می تواند به صورت پیش پرداخت در ابتدای سفارش پردازد (۱۳)	TDBR	هزینه نگهداری به ازای واحد کالا برای تولیدکننده (۶)	CH
درصد ارزش زمانی پولی که عمده فروش به دلیل پرداخت پیش پرداخت از دست می دهد (۹)	Ci	هزینه تولید به ازای واحد کالا برای تولیدکننده (۱۹)	CP
مقداری که به ازای هر یک واحد از نسبت پیش پرداخت، از قیمت خرید تولیدکننده کاسته می شود (۳۱)	K	هزینه نگهداری به ازای واحد کالا عمده فروش (۲۲)	Ch
مقداری که به ازای هر واحد افزایش لیدتایم از هزینه نگهداری تولیدکننده کاسته می شود (۲۲)	V	هزینه سفارش دهی عمده فروش (۳)	Co
هزینه خرید (۲)	BCR	هزینه کمبود عمده فروش (۷)	Cs
هزینه سفارش دهی (۳)	OCR	تابع تقاضا $0 < t < T$ (۱)	D(t)
هزینه کل عمده فروش (۱۰)	TCR	موجودی اولیه عمده فروش (۴)	IO
هزینه نگهداری موجودی (۶)	ICR	نرخ تولید (۱۹)	MP
هزینه کمبود (۷)	SCR	سطح موجودی عمده فروش در زمان (۱)	IR(t)
هزینه فسادپذیری (۸)	DCR	حداکثر فضای انبار عمده فروش (۱۵)	TFR
هزینه پیش پرداخت (۹)	PCR	سطح موجودی تولید کننده در زمان (۲۱)	IM(t)
درآمد عمده فروش (۱۱)	TRR	دوره فروش (هفته) (۱)	T
میزان اشغال فضا (۱۵)	f	قیمت فروش تولید کننده به عمده فروش (۲)	W
حداکثر ظرفیت تولیدکننده (۲۹)	TPm	نرخ فساد پذیری کالا (۴)	Z
تابع سود عمده فروش (۱۲)	R	تابع تخفیف که تولید کننده به عمده فروش پیشنهاد می دهد (۳۳)	d(Lt)
فاکتور احتمالی تقاضا (۱)	α	قیمت فروش عمده فروش (۱۱)	P
ضریب تاثیر افزایش لیدتایم (۳)	T	حداکثر مقداری که تولید کننده می تواند تخفیف دهد (۳۲)	dmax
ضریب تقاضای وابسته به موجودی (۱)	θ	حداکثر بودجه عمده فروش (۱۴)	TBR

۱- مقدمه

زنجیره تأمین به عنوان مجموعه‌ای از نهادها با تعاملات داخلی، برای فرآیند تبدیل مواد خام به محصولات نهایی و تحویل آن‌ها به مصرف‌کننده نهایی شناخته می‌شود. بررسی‌ها در آمریکا نشان می‌دهد که حدود ۲۵ درصد از بودجه شرکت‌ها به زنجیره تأمین اختصاص دارد و هزینه‌های مرتبط با حمل‌ونقل و انبارداری کالا حدود ۱۰ درصد از تولید ناخالص داخلی آمریکا را تشکیل می‌دهد. همچنین، هزینه‌های نگهداری موجودی انبار حدود ۲۰ تا ۲۵ درصد از تولید ناخالص داخلی این کشور را شامل می‌شود. احتمالاً این درصدها در کشورهای در حال توسعه که از سیستم‌های بهینه کمتری برخوردار هستند، به مراتب بالاتر است. این نشان می‌دهد که هرچه قدر در زنجیره تأمین سرمایه‌گذاری شود، همچنان کافی نیست. هدف از هماهنگی تصمیمات اعضای زنجیره تأمین، افزایش سودآوری در یک زنجیره تأمین غیرمتمرکز تا حدی می‌باشد که گویی این زنجیره به صورت متمرکز مدیریت می‌شود. اجزای یک زنجیره تأمین می‌توانند شامل یک سازمان مستقل یا چندین سازمان مستقل باشند. تمرکز جداگانه بر روی اجزای زنجیره تأمین منجر به ناکارآمدی و تحویل کالا یا خدمات با هزینه بالاتر در سیستم می‌شود. بنابراین، در این پژوهش، تمرکز بر هماهنگی اجزای مختلف زنجیره تأمین با هدف کاهش هزینه‌ها و زمان تحویل کالا یا خدمات به مصرف‌کننده نهایی مورد توجه قرار گرفته است. هنگامی که زنجیره تأمین به طور مؤثر و کارآمد عمل کند، در نهایت ارزش افزوده برای شرکت‌ها ایجاد می‌کند و به بهبود موقعیت رقابتی آن‌ها منجر خواهد شد [۱]. یکپارچگی در زنجیره تأمین، محدوده‌ای از شرکت‌های وابسته به هم را شامل می‌شود که مزیت رقابتی آن‌ها در فعالیت‌های کلیدی یکپارچه‌سازی زنجیره تأمین نهفته است [۲]. از آنجایی که سازمان‌های فعال در یک زنجیره تأمین عموماً مستقل از یکدیگر هستند، هر کدام به طور خودخواهانه به بهینه‌سازی اهداف خود می‌پردازند. اگرچه عملکرد مناسب هر کدام از اعضای زنجیره

ضروری است، اما این امر به تنهایی کارکرد بهینه سیستم زنجیره تأمین را به عنوان یک کل، در پی نخواهد داشت. تا قبل از سال‌های اخیر، تصمیم‌گیری‌های مربوط به مدیریت زنجیره تأمین دارای دو مؤلفه اصلی بوده‌اند. اول اینکه این تصمیم‌گیری‌ها بر تدارک موجودی، تجهیزات فیزیکی و حمل و نقل متمرکز بوده‌اند. ثانیاً تصمیم‌گیری‌های رایج در زنجیره تأمین از ماهیت مستقل برخوردار بوده‌اند، بدین معنا که عموماً اعضای یک زنجیره تأمین بدون توجه به اینکه عضوی از یک شبکه هستند، اقدام به تصمیم‌گیری می‌نموده‌اند. مدل‌های هماهنگی به دنبال یافتن یک راهکار قابل اجرا هستند که اعضای مستقل یک زنجیره تأمین را قانع نمایند مشابه با حالتی که زنجیره تأمین به صورت متمرکز اداره می‌شود، تصمیم‌گیری نمایند. به عبارتی مدل‌های هماهنگی به دنبال ایجاد یک دیدگاه کل نگر در زنجیره تأمین هستند [۳]. طبق تعریف کالاهایی که تاریخ انقضا دارند و یا به طور کلی کالاهایی که در معرض آسیب قرار دارند و یا تبخیرپذیر هستند مانند غذا، دارو، فیلم و غیره کالاهای فسادپذیر نامیده می‌شوند [۴]. مدیریت موجودی کالاهای فسادپذیر به دلیل اینکه ارزش خود را خیلی زود از دست می‌دهند، برای تمام اعضای زنجیره تأمین اهمیت فراوانی دارد. زمان تحویل یکی از پارامترهای مهم در مدیریت موجودی می‌باشد. کاهش زمان تحویل مسئله‌ای است که به سود تمام اعضای زنجیره تأمین مرتبط می‌شود [۳]. همچنین تعیین دو متغیر مقدار سفارش و زمان سفارش‌دهی بسیار مهم می‌باشد. چون نقشی کلیدی در کنترل موجودی و برنامه‌ریزی اعضای زنجیره تأمین دارند. از طرفی محدودیت بودجه و نقدینگی اعضای زنجیره تأمین همیشه نقشی مهم در تعیین متغیرهای زنجیره تأمین داشته‌اند. معمولاً بین اعضای زنجیره تأمین در تعیین مقادیر متغیرها چالش‌ها و اختلاف‌هایی وجود دارد. یکپارچه‌سازی و هماهنگ‌سازی زنجیره تأمین، منافع همه اعضا را به صورت یکجا می‌بیند و سعی دارد که سود همه اعضا را نسبت به حالت غیر یکپارچه افزایش دهد. هدف از انجام این تحقیق بررسی یک ساز و کار هماهنگی

اعضای زنجیره تأمین بر اساس دو نوع تخفیف، یکی بر اساس زمان سفارش و دیگری بر اساس درصد پیش‌پرداخت برای کالاهای فسادپذیر در یک زنجیره تأمین دو سطحی به نحوی می‌باشد که اعضا تشویق شوند به صورت متمرکز تصمیم‌گیری نمایند و در نهایت سود هر یک از اعضا و کل زنجیره تأمین نسبت به حالت غیر متمرکز افزایش یابد.

در این پژوهش به دنبال پاسخ به پرسش‌های زیر می‌باشیم:

- ۱- تعیین زمان بهینه سفارش به نحوی که سود هر یک از اعضا و همچنین سود کل زنجیره تأمین نسبت به حالت غیر متمرکز افزایش یابد.
- ۲- تعیین مقدار بهینه سفارش به نحوی که سود هر یک از اعضا و همچنین سود کل زنجیره تأمین نسبت به حالت غیر متمرکز افزایش یابد.
- ۳- تعیین مقدار بهینه نسبتی از مبلغ کل که در ابتدای سفارش، عمده‌فروش می‌بایست به تولیدکننده به صورت پیش‌پرداخت بپردازد به نحوی که سود هر یک از اعضا و همچنین سود کل زنجیره تأمین نسبت به حالت غیر متمرکز افزایش یابد.

۲- مرور ادبیات

امروزه در تجارت، اصل پذیرفته شده این است که رقابت اصلی میان زنجیره‌های تأمین شرکت‌هاست، نه صرفاً خود شرکت‌ها. لی [۵] اظهار نمود، یک زنجیره تأمین که به‌طور کامل یکپارچه شده باشد، منجر به کاهش هزینه‌ی بیشتری خواهد شد. همچنین این تکامل برای شرکت، همکاران زنجیره تأمین و سایر ذینفعان ارزش ایجاد می‌کند. توماس و گریفین [۶] تأکید کرده‌اند که مدیریت زنجیره تأمین، نیازمند طراحی و هماهنگی اجزاء گوناگون کانال، از جمله تولیدکننده، خرده‌فروش و تمام واسطه‌ها می‌باشد. عبدالجبار و همکاران [۷] مسأله سفارش مجدد را با رویکرد کمینه کردن هزینه کل در زنجیره تأمین با یک تأمین‌کننده و n خریدار بررسی کردند. آنها فرض کردند که تقاضای هر خریدار شناخته شده است. هدف

کمینه کردن هزینه کل زنجیره شامل هزینه نگهداری و سفارش مجدد بود. در مدل آنها زمان تحویل ناچیز و از آن صرف نظر شده و کمبود مجاز نبود. آنها دو سیاست را بررسی کردند: سیاست تصمیم‌گیری مستقل و سیاست تصمیم‌گیری با هماهنگی. چان و همکاران [۸] هماهنگی در زنجیره تأمین به وسیله‌ی یکسان سازی سیکل تولیدی محصولات را بررسی کردند. مدل مورد بررسی آنها شامل یک فروشنده و n خریدار بود که سیاست‌های مختلف خرید را بررسی نمودند و نشان دادند که اتخاذ هماهنگی سیکل سفارش‌دهی برای افزایش سود کل زنجیره مفید خواهد بود. چن [۹ و ۱۰] به بررسی همکاری در زنجیره تأمین و بسط حالت خاصی از مدل‌های موجود پرداخت. سیستم مورد بررسی او یک خریدار و یک فروشنده با k قلم کالا بود. او برای حالت‌های مختلف تصمیم‌گیری (چهار حالت مختلف: بدون همکاری و بر اساس تصمیم‌گیری منفرد برای هر کالا، بدون همکاری و بر اساس تصمیم‌گیری کلی برای همه کالاها، با همکاری و بر اساس تصمیم‌گیری منفرد برای هر کالا، با همکاری و بر اساس تصمیم‌گیری کلی برای همه کالاها) مسئله را بررسی نمود. ویسواناتان و پپیلانی [۱۱] سیاستی را در نظر گرفتند که تأمین‌کننده یک تخفیف برای خریدار پیشنهاد می‌کند و آن در صورتی است که خریدار سفارش‌های خود را در زمان‌های مشخص شده توسط تأمین‌کننده قرار دهد. کلاسترین و معین‌زاده [۱۲] یک ساز و کار جدید تخفیف زمانی برای یک سیستم توزیع/ موجودی چند مرحله‌ای ارائه کردند. آنها از این طریق سعی در کاهش هزینه‌های نگهداری موجودی و پخش موجودی در کل زنجیره تأمین داشته و فرض کردند که سازنده بتواند دوره‌ی سفارش‌دهی مجدد خود را با سازنده قطعات اصلی (منبع بیرونی) هماهنگ نماید که با ایجاد این هماهنگی در زنجیره باعث بهبود کارایی زنجیره تأمین شدند. موناهان [۱۳] نشان داد که تأمین‌کننده می‌تواند با ارائه برنامه‌ی تخفیف مناسب، خریدار را به سفارشی بزرگتر ترغیب نموده و خود نیز از این طریق منافع بیشتری کسب نماید. در مدل مذکور مقدار

تولید تأمین‌کننده با مقدار سفارش خریدار برابر بود. لی و روزنبلات [۱۴] الگوریتمی ارائه کردند که در آن سود را با استفاده از یک برنامه تخفیف برای یک مدل تک‌خریدار ماکزیمم می‌نماید. آنها کار قبلی موناهان را با حذف تولید به موقع، توسعه دادند. یئو شیانگ و همکاران [۳] یک مدل هماهنگی زنجیره‌تأمین دو سطحی بر اساس تخفیف زمانی برای کالاهای فسادپذیر را ارائه دادند به نحوی که تقاضای خرده فروش تصادفی بود. مایتری تاکورا و همکاران [۱۵] به‌منظور بهبود هماهنگی در زنجیره‌تأمین یک سیستم ردیابی برای زنجیره‌تأمین پوست نروژی پیشنهاد دادند و توانستند جمع‌آوری داده‌ها و تبادل اطلاعات بین ذینفعان یک زنجیره‌تأمین مخفی را بهبود بخشند. آزمایش‌های آنها نشان داد که قابلیت ردیابی از مزرعه تا پردازشگر مخفی با استفاده از تگ‌های پنهان (RFID) تا فرآیند دباغی امکان‌پذیر بوده‌است. ژائو و همکاران [۱۶] یک مدل زنجیره‌تأمین خودرو متشکل از یک سازنده خودرو و یک خرده‌فروش خودرو را بررسی کردند، آنها قیمت‌گذاری، تقاضا و سود زنجیره‌تأمین دو نوع خودرو را تحت تصمیم‌گیری غیرمتمرکز و تصمیم‌گیری متمرکز مقایسه کردند، و سپس یک ساز و کار قرارداد تقسیم درآمد و مذاکره قیمت کارخانه‌ای برای هماهنگ کردن زنجیره‌تأمین تحت شرایط خاص طراحی کردند. آنها نشان دادند زمانی که پارامترهای قرارداد شرایط خاصی را برآورده می‌کنند، قرارداد ترکیبی می‌تواند به هماهنگی زنجیره‌تأمین دست یابد و سود هر یک از اعضا را بهبود بخشد. جوهری و همکاران [۱۷] یک مدل هماهنگی برای یک سیستم زنجیره‌تأمین حلقه‌بسته متشکل از یک تولیدکننده و یک خرده‌فروش ایجاد کردند، در مدل ارائه شده توسط آنها تقاضای بازار به سطح فناوری سبز، قیمت فروش خرده‌فروش و میزان تبلیغات بستگی داشت. آنها مدل پیشنهادی را تحت سه سناریوی متمرکز، غیرمتمرکز و یک بازی استکلبرگ بررسی کردند. شین یانگ و همکاران [۱۸] بر استفاده از فناوری بلاک‌چین برای بررسی گزارش تازگی محصولات کشاورزی در یک زنجیره‌تأمین دوسطحی متشکل از یک تعاونی

روستایی و یک سوپرمارکت متمرکز کردند. آنها با در نظر گرفتن کاهش کیفیت و کمیت در فرآیند حمل‌ونقل محصولات کشاورزی، تأثیرات تازگی محصول و سطح سرمایه‌گذاری بلاک‌چین بر تقاضای تصادفی بازار را کمی‌سازی نمودند. و مدل‌های بازی برای تصمیم‌گیری متمرکز و غیرمتمرکز، قبل و بعد از سرمایه‌گذاری در فناوری بلاک‌چین را پیشنهاد دادند. آنها با مقایسه تصمیمات و عملکرد بهینه زنجیره‌تأمین تحت سناریوهای مختلف، یک قرارداد اشتراک درآمد-هزینه برای هماهنگ کردن تصمیم‌گیری غیرمتمرکز طراحی نمودند و نشان دادند که استفاده از فناوری بلاک‌چین می‌تواند برتری تصمیم‌گیری متمرکز را بیشتر تثبیت کند. با این حال، آستانه خاصی برای استفاده از فناوری بلاک‌چین در تصمیم‌گیری غیرمتمرکز وجود دارد. و زمانی که هزینه واحد بلاک‌چین از آستانه فراتر رود، تعاونی روستایی به دلیل کاهش سود، همکاری خود با سوپرمارکت را کنار می‌گذارد. روی کیو و همکاران [۱۹] یک روش هماهنگی چند جانبه را برای ارتقای همکاری بین حمل‌کنندگان نفت و اپراتور خط لوله با بهینه‌سازی طرح‌های حمل و نقل نفت، جایگزینی نفت و قیمت‌گذاری خط لوله پیشنهاد کردند و نشان دادند که روش پیشنهادی باعث بهبود درآمد کل سیستم، دستیابی به توزیع عادلانه درآمد و همچنین بهبود انرژی و مزایای زیست‌محیطی زنجیره‌تأمین می‌شود. بیسواجیت سرکار [۲۰] هماهنگی و تخفیف‌های مقداری را بین فروشنده و خریدار با استراتژی تحویل چندگانه به‌منظور کاهش هزینه کل زنجیره‌تأمین بررسی کرد. ایشان در مدل ارائه شده، تصمیم‌گیری متمرکز برای تأثیر این استراتژی با وجود سفارش پشتیبان برای خریدار و هزینه بازرسی برای فروشنده را بررسی کرده و نشان داد استراتژی تخفیف مقداری، با حضور سفارشات برگشتی متغیر و بازرسی‌ها، می‌تواند صرفه‌جویی بیشتری را برای همه بازیگران زنجیره‌تأمین فراهم کند. تانتیواتاناکول و همکاران [۲۱] هماهنگی زنجیره‌تأمین چنددوره‌ای، چندمحصولی و چندخرده‌فروشی را بررسی کردند. آنها یک تکنیک هماهنگی قیمت عمده فروشی چنددوره‌ای-چندمحصولی را برای

بازگرداندن کارایی زنجیره تأمین غیرمتمرکز پیشنهاد کردند و یک مدل برنامه‌نویسی دوسطحی غیرخطی برای هماهنگ کردن زنجیره تأمین توسعه دادند. آنها در آزمایش‌های عددی نشان دادند که قیمت‌های عمده‌فروشی تعیین‌شده توسط مدل می‌تواند تصمیمات هماهنگ را در همه موارد القا کند. باربارا بی‌ونگاس [۲۲] به بررسی هماهنگی بین یک تأمین‌کننده و یک خریدار در یک زنجیره تأمین غیرمتمرکز، از طریق استفاده از تخفیف‌های مقداری در یک مدل نظری بازی پرداخت که بازیکنان با تصمیمات موجودی و قیمت‌گذاری روبرو می‌شوند. ایشان دو رویکرد همکاری و عدم همکاری را با در نظر گرفتن اینکه میزان تقاضای محصول معامله شده نسبت به قیمت حساس می‌باشد بررسی نمود. سپس یافته‌های خود را با یک مثال عددی نشان داد. با توجه به اهمیت موضوع هماهنگی در زنجیره تأمین، در این تحقیق یکی از مدل‌هایی که در زمینه هماهنگ‌سازی زنجیره تأمین کالاهای فسادپذیر بر اساس قرارداد تخفیف زمانی وجود داشته، توسعه داده شده است. برای توسعه مدل روی موضوعاتی کار شده است که در دنیای واقعی کاربرد دارند. با موضوعات جدیدی که در مدل در نظر گرفته شده است، این مدل به واقعیت نزدیک‌تر شده و می‌تواند به صنایع مورد بحث در حل برخی از مشکلاتشان کمک کند.

۱-۲- نوآوری‌های تحقیق

۱- محدودیت بودجه برای دو عضو زنجیره تأمین یعنی عمده‌فروش و تولیدکننده در نظر گرفته شده است. عمده‌فروش هم در مبلغ خرید کل و هم در مبلغی که در ابتدای سفارش به عنوان پیش‌پرداخت می‌پردازد محدودیت بودجه دارد. تولیدکننده هم در هزینه‌های مستقیم تولید، مانند خرید مواد اولیه محدودیت بودجه دارد به طوری که هر چه پیش‌پرداخت بیشتری از طرف عمده‌فروش به دست او برسد در رفع محدودیت بودجه به او کمک می‌کند.

۲- به طور معمول در ابتدای سفارش نسبتی از مبلغ کل به عنوان

پیش‌پرداخت به تولیدکننده پرداخت می‌شود که تعیین این نسبت همیشه با چالش‌هایی همراه بوده است. در این مقاله متغیر جدیدی به عنوان نسبت پیش‌پرداخت معرفی می‌گردد. (علاوه بر متغیرهای مقدار سفارش و مدت زمان تحویل).

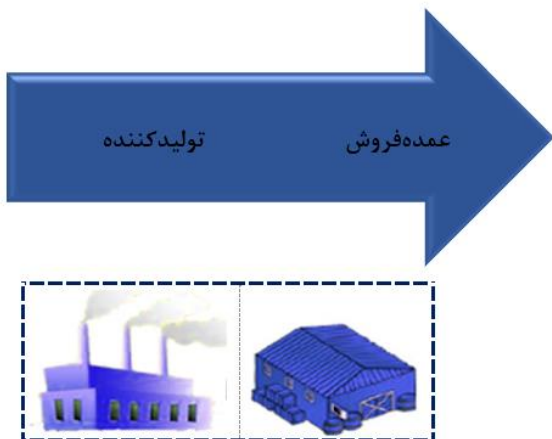
۳- ارائه‌ی یک ساز و کار هماهنگی جدید که متشکل از دو تخفیف می‌باشد: الف- تخفیف زمانی (بر اساس زمان سفارش) ب- تخفیف بر اساس نسبت پیش‌پرداخت. به این صورت که علاوه بر تخفیف زمانی که تولیدکننده به عمده‌فروش می‌دهد، تخفیف دیگری نیز بر اساس درصد پیش‌پرداخت در نظر گرفته شده است به نحوی که هر چه این درصد بالاتر باشد تخفیف بیشتری تولیدکننده به عمده‌فروش می‌دهد.

۴- در نظر گرفتن محدودیت فضای انبار برای عمده‌فروش و محدودیت حداقل تولید اقتصادی و حداکثر ظرفیت تولید برای تولیدکننده

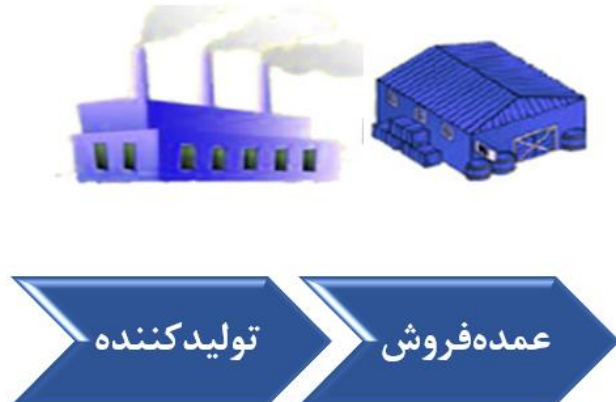
۵- جدا کردن هزینه‌های مستقیم و غیرمستقیم تولیدکننده: معمولاً محدودیت بودجه برای هزینه‌های مستقیم تولید معنی بیشتری پیدا می‌کند و به همین علت در این تحقیق این دو هزینه از هم تفکیک شده است و محدودیت بودجه تولیدکننده بر هزینه‌های مستقیم اعمال می‌شود.

۶- در نظر گرفتن هزینه پیش‌پرداخت برای عمده‌فروش: مبلغی که عمده‌فروش به عنوان پیش‌پرداخت می‌پردازد در واقع نوعی هزینه از دست رفتن فرصت سرمایه‌گذاری می‌باشد، چون می‌توانست همان مبلغ را در بازه‌ی زمانی تحویل سرمایه‌گذاری نماید.

ادامه مقاله به این ترتیب می‌باشد: در بخش سوم به تشریح ساختار مدل‌ها در حالت‌های ناهماهنگ و هماهنگ می‌پردازیم. در بخش چهارم یک مثال عددی ارائه می‌شود و تحلیل حساسیت روی پارامترهای مسئله انجام می‌شود. در بخش پنجم نیز به نتیجه‌گیری و تحقیقات آتی می‌پردازیم.



شکل ۲- ساختار زنجیره تأمین یکپارچه



شکل ۱- ساختار زنجیره تأمین غیریکپارچه

۳- مدل سازی ریاضی

در این بخش به ارائه مدل های ریاضی برای عمده فروش و تولیدکننده می پردازیم. ابتدا مدل ها را در حالت زنجیره تأمین غیریکپارچه و سپس در حالت یکپارچه مورد بررسی قرار می دهیم. ساختار زنجیره تأمین غیریکپارچه مطابق شکل (۱) و ساختار زنجیره تأمین یکپارچه مطابق شکل (۲) می باشد. در این پژوهش زنجیره تأمین در نظر گرفته شده دارای دو سطح عمده فروش و تولیدکننده می باشد. مسئله در بازه زمانی T مورد بررسی قرار می گیرد. تابع تقاضا به صورت تصادفی می باشد که با یک ضریب به مقدار موجودی نیز وابسته است یعنی هر چه موجودی بیشتر باشد مشتری را به خرید بیشتر ترغیب می کند.

زمان سفارش همیشه یک چالش بین عمده فروش و تولیدکننده بوده است. عمده فروش به دلیل تصادفی بودن و عدم قطعیت در تقاضا مایل است که سفارش خود را در دیرترین زمان ممکن صادر کند تا برآورد بهتری از تقاضا داشته باشد. از آن طرف تولیدکننده برای برنامه ریزی و آماده سازی بهتر و دقیق تر نیاز دارد که زمان تحویل بیشتر باشد یعنی عمده فروش سفارش خود را زودتر صادر کند. دیگر چالشی که بین دو عضو وجود دارد محدودیت بودجه می باشد. عمده فروش محدودیت های خود را دارد، محدودیت

نقدینگی عمده فروش، اجازه خرید هر مقداری را به او نمی دهد و اصولاً عمده فروش علاقه ای به ارائه ی پیش پرداخت ندارد. از طرف دیگر تولیدکننده هم محدودیت بودجه دارد و در ابتدای تولید به دلیل هزینه خرید مواد اولیه و دیگر هزینه های مستقیم تولید شدیداً احتیاج به نقدینگی دارد و بخشی از این نقدینگی می تواند از طریق پیش پرداخت رفع شود. در روش های سنتی مدیریت زنجیره تأمین اعضا به صورت مستقل تصمیم گیری می کنند و در این روش نمی توان انتظار داشت که اعضا همکاری بلندمدت داشته باشند ولی در روش های نوین مدیریت زنجیره تأمین دیدگاه کل نگر حاکم است و محدودیت ها و دغدغه های همه اعضا به صورت یکجا دیده می شود و اعضا هماهنگ با یکدیگر عمل خواهند کرد.

در حالت غیریکپارچه عضو غالب عمده فروش می باشد و مقادیر بهینه مسئله، مقادیر بهینه عمده فروش می باشد. عمده فروش مقدار سفارش و زمان سفارش را تعیین می کند و تولیدکننده هم در فاصله ی زمانی تحویل، کار تولید را انجام می دهد و در انتهای دوره ی سفارش، کالا به عمده فروش تحویل می شود.

در حالت یکپارچه ساز و کارهای هماهنگی اعمال می شود. در این پژوهش دو ساز و کار تخفیف وجود دارد، ساز و کار اول تخفیف زمانی می باشد، به این صورت که بر اساس زمان سفارش

α عامل تصادفی تقاضا با تابع چگالی $g(\alpha)$ می باشد. $\theta > 0$ معرف ضریبی است که هر چه موجودی بیشتر باشد تقاضا افزایش می یابد. در مورد کالاهای فسادپذیر معمولاً وقتی موجودی بیشتری وجود دارد مشتریها ترغیب به خرید بیشتر می شوند.

هزینه خرید

$$BCR = qw \quad (2)$$

عمده فروش به ازای هر واحد خرید مبلغ w به تولیدکننده می پردازد و q مقدار سفارش در بازه زمانی T می باشد.

هزینه سفارش دهی

$$OCR = C0 + TLt \quad (3)$$

هزینه سفارش دهی بستگی به زمان سفارش دارد به طوری که هر چه سفارش زودتر انجام گیرد و فاصله‌ی زمانی تحویل افزایش یابد عدم اطمینان تقاضا افزایش می یابد و هزینه‌ها بیشتر می شود. $C0$ هزینه ثابت سفارش دهی می باشد و T ضریب تأثیر افزایش فاصله‌ی زمانی تحویل می باشد.

تابع موجودی

مطابق شکل (۳) موجودی در طول زمان با تقاضا و نرخ فسادپذیری تغییر می کند.

$$\frac{dIR(t)}{dt} = -zIR(t) - D(t) = -(z + \theta)IR(t) - \alpha - \theta q \quad (4)$$

$$IR(t) = \frac{1}{z + \theta} \{ \alpha [\exp(-t(z + \theta)) - 1] + \exp(-t(z + \theta)) \times (q\theta + I0\theta - I0z) - q\theta \}$$

گزاره ۱:

هزینه نگهداری موجودی برای عمده فروش تا زمانی اتفاق می افتد که α (عامل تصادفی تقاضا) کمتر از مقدار زیر باشد:

$$B1 = \frac{I0(1 - \theta)(z + \theta)}{\theta - 1 + \exp(t(z + \theta))(z + 1)} - q\theta \quad (5)$$

اثبات

هزینه نگهداری موجودی زمانی اتفاق می افتد که بعد از پاسخگویی به تقاضای مشتری، موجودی مازاد وجود داشته باشد یعنی $IR(t) > D(t)$ ، بنابراین از معادله‌های تقاضا و موجودی می توان

تخفیف اعمال می شود و هرچه عمده فروش سفارش خود را زودتر صادر کند از تخفیف بیشتری برخوردار خواهد شد. ساز و کار دوم تخفیف بر اساس نسبتی از مبلغ کل است که عمده فروش به تولیدکننده می پردازد و هر چه این مقدار بیشتر باشد عمده فروش از تخفیف بیشتری استفاده خواهد کرد. با اعمال ساز و کارهای هماهنگی تولیدکننده زمان بیشتری برای برنامه ریزی و نقدینگی بیشتری در ابتدای تولید خواهد داشت و عمده فروش هم از تخفیفها استفاده خواهد کرد.

مفروضات تحقیق عبارتند از:

- ۱- زنجیره تأمین به صورت دوسطحی (تولیدکننده و عمده فروش) می باشد.
 - ۲- تقاضا به صورت تصادفی می باشد و با نسبتی به مقدار موجودی وابسته است.
 - ۳- نرخ فسادپذیری برای تولیدکننده و عمده فروش یکسان است.
 - ۴- محدودیت نگهداری موجودی برای تولیدکننده وجود ندارد.
- مدل‌های ارائه شده دارای سه متغیر q : مقدار سفارش، Lt : فاصله‌ی زمانی تحویل و u : نسبت پیش پرداخت می باشند. با حل مدل‌ها به مقادیر بهینه سه متغیر فوق پاسخ می دهیم. تابع هدف مدل‌ها غیرخطی و محدودیت‌ها خطی و غیرخطی می باشند. در ادامه به تشریح توابع هزینه، درآمد و سود اعضاء و مدل‌های ریاضی می پردازیم. پارامترهای استفاده شده مطابق جدول فهرست علائم می باشد.

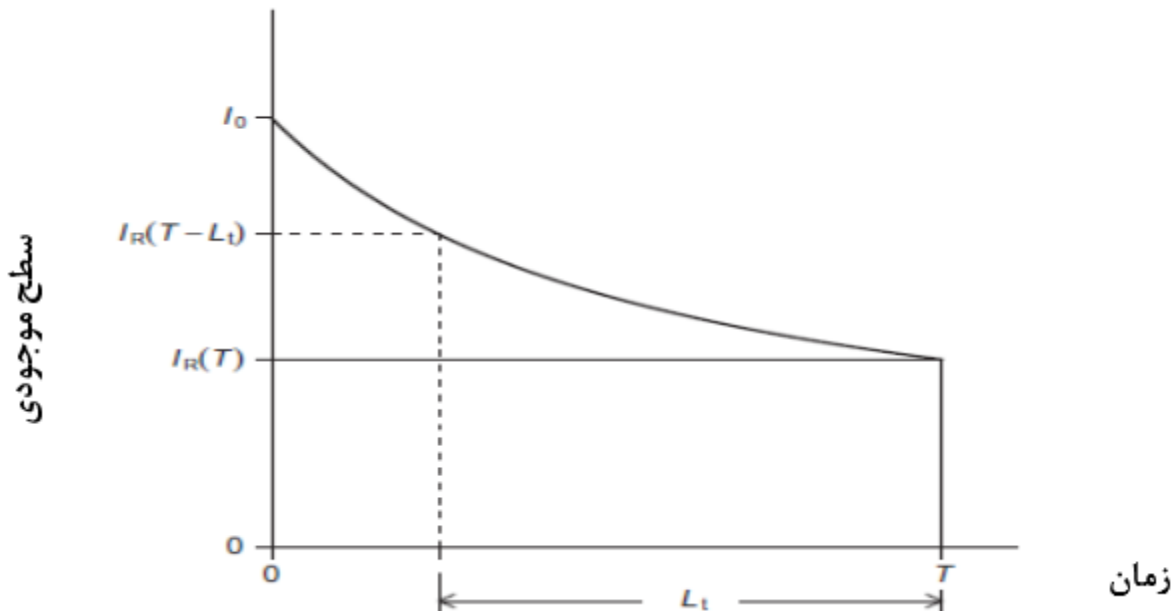
۳-۱ بدون هماهنگ سازی

در این قسمت مدل سازی ریاضی برای عمده فروش در حالت زنجیره تأمین یکپارچه بررسی می شود:

۳-۱-۱ عمده فروش

تابع تقاضا

$$D(t) = \alpha + \theta [IR(t) + q] \quad (1)$$



شکل ۳- تابع موجودی عمده‌فروش

CH هزینه نگهداری یک واحد از کالا می‌باشد.

بدست آورد که:

هزینه کمبود

$$SCR = Cs \int_0^T \int_{B1}^{\infty} [IR(t) - D(t)] dG(\alpha) d(t) = \frac{Cs}{z + \theta} \{q\theta(1+z) \times$$

$$\int_0^T (1 - G(B1)) dt + (\theta - 1) \int_0^T \exp(-t(z + \theta)) \times \int_{B1}^{\infty} \alpha dG(\alpha) dt +$$

$$(1+z) \int_0^T \int_{B1}^{\infty} \alpha dG(\alpha) dt + (\theta - 1)(q\theta + I_0z + I_0\theta)$$

$$\times \int_0^T \exp(-t(z + \theta))(1 - G(B1)) dt \}$$

(۹)

Cs هزینه کمبود یک واحد از کالا می‌باشد.

هزینه فسادپذیری

$$DCR = Cd I_0 (1 - \exp(-ZT)) \quad (10)$$

Cd هزینه فسادپذیری یک واحد از کالا می‌باشد

هزینه پیش‌پرداخت

$$PCR = Ciwuq \quad (11)$$

$$\frac{1}{z + \theta} \{ \alpha [\exp(-t(z + \theta)) - 1] + \exp(-t(z + \theta)) \times (q\theta + I_0\theta - I_0z) - q\theta \} > \alpha + q\theta$$

(۶)

در نتیجه:

$$\alpha < \frac{I_0(1 - \theta)(z + \theta)}{\theta - 1 + \exp(t(z + \theta))(z + 1)} - q\theta = B1 \quad (7)$$

هزینه نگهداری موجودی

$$ICR = CH \int_0^T \int_0^{B1} [IR(t) - D(t)] dG(\alpha) d(t) = \frac{-CH}{z + \theta} \{q\theta(1+z) \times$$

$$\int_0^T G(B1) d(t) + (\theta - 1)(q\theta + I_0z + I_0\theta) \times$$

$$\int_0^T \exp(-t(z + \theta)) G(\alpha) d(t) + (1+z) \int_0^T \int_0^{B1} \alpha dG(\alpha) d(t)$$

$$+ (\theta - 1) \times \int_0^T \exp(-t(z + \theta)) \int_0^{B1} \alpha dG(\alpha) d(t) \}$$

(۸)

محدودیت فاصله‌ی زمانی تحویل

$$Lt > T - t_1 \quad (18)$$

تولیدکننده امکان جواب‌گویی به سفارشات را دارد که قبل از زمان t_1 صادر شوند

محدودیت حداقل و حداکثر ظرفیت تولید، برای تولیدکننده

$$Lp \leq q \leq TPm \quad (19)$$

برای تولیدکننده، تولید کمتر از مقدار Lp در فاصله‌ی زمانی T صرفه اقتصادی ندارد. از طرف دیگر ظرفیت تولید، به تولیدکننده اجازه‌ی تولید مقداری بیشتر از TPm را نمی‌دهد.

مدل ریاضی برای عمده‌فروش در حالت زنجیره‌تأمین غیر متمرکز

$$Max \pi R = TRR - TCR \quad (20)$$

$$st. \left\{ \begin{array}{l} Wqu \leq TDBR \\ Wq \leq TBR \\ Lt \geq T - t_1 \\ fq \leq TFR \\ LP \leq q \leq TPm \\ 0 \leq u \leq 1 \end{array} \right.$$

با حل مسئله‌ی فوق مقادیر بهینه‌ی $(q^{(R)}, Lt^{(R)}, u^{(R)})$ برای عمده‌فروش به طوری که سود را حداکثر کند، در حالت زنجیره‌تأمین غیرمتمرکز بدست می‌آید.

۲-۱-۳- تولیدکننده

هزینه غیرمستقیم تولید

$$PCm = MpLt(Cp - \beta Lt) \quad (21)$$

هر چه عمده‌فروش زودتر سفارش خود را صادر کند، تولیدکننده زمان بیشتری برای برنامه‌ریزی و آماده‌سازی دارد و در نتیجه هزینه‌های تولید کاهش می‌یابد. $Cp - \beta Lt$ هزینه تولید یک واحد را مشخص می‌کند. Cp مقداری را مشخص می‌کند که در صورت نبود زمان (صفر بودن فاصله‌ی زمانی تحویل) هزینه تولید یک واحد می‌شود. β ضریبی است که کاهش هزینه تولید همزمان با افزایش

عمده‌فروش اگر پیش‌پرداخت بپردازد متحمل یک نوع هزینه می‌شود، چون می‌توانست همان پول را در جایی دیگر استفاده و یا سرمایه‌گذاری کند. Ci ضریب مشخص‌کننده نسبت ضرر می‌باشد. w قیمت خرید عمده‌فروش از تولیدکننده، u نسبتی از مبلغ خرید است که عمده‌فروش می‌بایست در ابتدای سفارش به صورت پیش‌پرداخت بپردازد.

هزینه کل عمده‌فروش

$$TCR = BCR + OCR + ICR + SCR + DCR + PCR \quad (12)$$

درآمد عمده‌فروش

$$TRR = p \int_0^T \int_0^\infty D(t) dG(\alpha) dt = \frac{p}{z + \theta} \{ zTE(\alpha) \times \quad (13)$$

$$\int_0^T \exp(-t(z + \theta)) dt + q\theta zT + \left(\frac{q\theta^2}{z + \theta} + I0\theta \right) [1 - \exp(-T(z + \theta))] \}$$

P قیمت فروش یک واحد از کالا برای عمده‌فروش و $E(\alpha)$ امیدریاضی عامل تصادفی تقاضا می‌باشد.

تابع سود عمده‌فروش

$$\pi R = TRR - TCR \quad (14)$$

محدودیت بودجه پیش‌پرداخت

$$wqu \leq TDBR \quad (15)$$

$TDBR$ آستانه بودجه برای عمده‌فروش می‌باشد. این محدودیت بیان می‌کند که عمده‌فروش حداکثر $TDBR$ می‌تواند بودجه برای پیش‌پرداخت صرف کند.

محدودیت بودجه کل

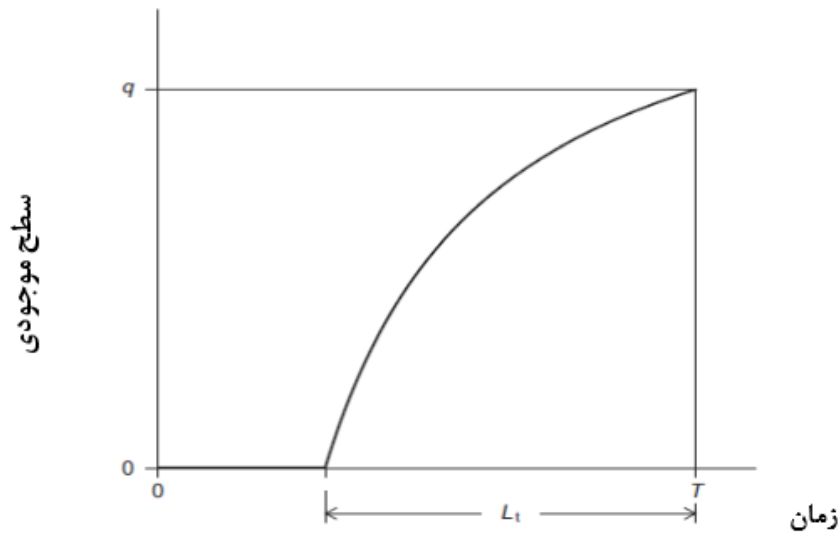
$$wq \leq TBR \quad (16)$$

TBR آستانه بودجه کل عمده‌فروش می‌باشد. کل مبلغ خریدی که عمده‌فروش می‌تواند صرف کند TBR می‌باشد.

محدودیت فضای انبار

$$fq \leq TFR \quad (17)$$

f میزان اشغال فضا به ازای هر واحد از کالا و TFR حداکثر فضای انبار عمده‌فروش برای نگهداری کالای مورد نظر می‌باشد



شکل ۴- تابع موجودی تولیدکننده

فاصله‌ی زمانی تحویل را مشخص می‌کند. از زمانی که سفارش می‌دهد. دریافت می‌گردد تولیدکننده شروع به تولید با نرخ Mp می‌کند. بنابراین:

هزینه مستقیم تولید

$$PCm = (Cm - ku)q \quad (22)$$

هزینه‌ای که عمدتاً صرف خرید مواد اولیه‌ی تولید می‌شود، هزینه مستقیم تولید نام دارد. هرچه تولیدکننده در هنگام خرید مواد اولیه نقدینگی بیشتری در اختیار داشته باشد، قدرت چانه‌زنی بالاتری در برابر تأمین‌کنندگان خود خواهد داشت و می‌تواند مورد نیاز را با قیمت کمتری تهیه کند. Cm مقدار هزینه مستقیم به ازای یک واحد از محصول می‌باشد. k ضریبی است که نشان می‌دهد هر چه نسبت پیش‌پرداخت بیشتر باشد، قیمت خرید مواد اولیه کاهش می‌یابد.

تابع موجودی تولیدکننده

از آنجا که تولیدکننده تولید را پس از دریافت سفارش آغاز می‌کند، موجودی انبار تا قبل از این زمان صفر است. پس از شروع تولید، موجودی تولیدکننده با نرخ تولید افزایش یافته و با نرخ فسادپذیری کاهش می‌یابد. شکل (۴)، نمودار تابع موجودی تولیدکننده را نشان

$$\frac{d \text{Im}(t)}{dt} = Mp - z \cdot \text{Im}(t)$$

$$\text{Im}(t) = \frac{q[1 - \exp(z(T - Lt - t))]}{1 - \exp(-zLt)} \quad (23)$$

هزینه نگهداری موجودی

$$ICm = Ch \int_{T-Lt}^T \text{Im}(t) dt = q(Ch - v) \left\{ \frac{Lt}{1 - \exp(-zLt)} - \frac{1}{z} \right\} \quad (24)$$

Ch هزینه نگهداری یک واحد از کالا برای تولیدکننده و v مقداری که به ازای هر واحد افزایش فاصله‌ی زمانی تحویل از هزینه نگهداری تولیدکننده کاسته می‌شود، می‌باشد.

هزینه فسادپذیری

$$DCm = Cd(MpLt - q) = qCd \left[z \frac{Lt}{1 - \exp(-zLt)} - 1 \right] \quad (25)$$

Cd هزینه فسادپذیری یک واحد از کالا برای تولیدکننده می‌باشد.

هزینه کل تولیدکننده

$$TCm = PCVm + PCFm + ICm + DCm \quad (26)$$

درآمد تولیدکننده

$(q^{(m)}, Lt^{(m)}, u^{(m)})$ را نمی‌تواند استفاده کند و مجبور خواهد بود مقادیر بهینه عمده‌فروش یعنی $(q^{(R)}, Lt^{(R)}, u^{(R)})$ را بپذیرد.

۲-۳- مدل بعد از هماهنگ‌سازی

فاصله زمانی بیشتر برای تحویل می‌تواند برای تولیدکننده بسیار ارزشمند باشد، اما برای دستیابی به این هدف، تولیدکننده باید مشوقی ارائه دهد تا عمده‌فروش را به پذیرش این فاصله زمانی ترغیب کند. به این منظور، قراردادی بین دو عضو زنجیره تأمین تنظیم می‌شود که به موجب آن، تولیدکننده در ازای افزایش زمان تحویل، تخفیفی در قیمت خود برای عمده‌فروش در نظر می‌گیرد. حداکثر نرخ تخفیفی که تولیدکننده می‌تواند ارائه دهد به شرح زیر است:

$$dmax = \left[\pi m(Lt^{(m)}) - \pi m(Lt^R) \right] / \pi m(Lt^{(m)}) \quad (34)$$

به این معنی است که حداکثر نرخ تخفیف می‌تواند تا جایی افزایش یابد که تولیدکننده در نهایت به زمان تحویل بهینه عمده‌فروش رضایت دهد. همچنین، به دلیل وجود زمان آماده‌سازی، تولیدکننده معمولاً سفارشات که زودتر از زمان مشخصی دریافت می‌شوند را نمی‌پذیرد، این زمان را t_1 می‌نامیم. شکل (۵) به خوبی این زمان را نشان می‌دهد.

تولیدکننده یک برنامه تخفیف بر اساس فاصله‌ی زمانی تحویل در دوره زمانی T به عمده‌فروش ارائه می‌دهد که به قرار زیر است:

$$d(Lt) = \frac{t_1 - (T - Lt)}{t_1}, d(Lt) \leq dmax \quad (35)$$

همان‌طور که مشاهده می‌شود، هرچه عمده‌فروش سفارش خود را زودتر صادر کند، از تخفیف بیشتری بهره‌مند می‌شود. از طرفی هر چه عمده‌فروش نسبت بیشتری از مبلغ خرید را به صورت پیش‌پرداخت در ابتدای دوره به تولیدکننده پرداخت کند، تولیدکننده تخفیف دیگری به میزان $\frac{u}{j}$ در نظر می‌گیرد. در اینجا j مقداری است که اگر عمده‌فروش کل مبلغ را پیش‌پرداخت کند $\frac{1}{j}$ تخفیف دریافت خواهد کرد. بنابراین هزینه خرید عمده‌فروش در حالت هماهنگ به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$TRm = qw \quad (27)$$

تابع سود تولیدکننده

$$\pi m = TRm - TCm \quad (28)$$

محدودیت بودجه

$$((Cm - ku) - uw)q \leq TBm \quad (29)$$

این محدودیت تفاضل هزینه مستقیم تولید و درآمد ناشی از پیش‌پرداخت ابتدای دوره می‌باشد و حداکثر بودجه‌ای که تولیدکننده می‌تواند صرف هزینه مستقیم تولید کند را نشان می‌دهد. TBm آستانه بودجه تولیدکننده می‌باشد.

محدودیت حداقل تولید اقتصادی

$$q \geq Lp \quad (30)$$

Lp مقداری از تولید برای کالای مورد نظر در دوره‌ی T می‌باشد که تولید کمتر از این مقدار برای تولیدکننده صرفه اقتصادی ندارد.

محدودیت ظرفیت تولید برای تولیدکننده

$$q \leq TPm \quad (31)$$

TPm حداکثر ظرفیت تولیدکننده برای تولید کالای مورد نظر در دوره T می‌باشد.

محدودیت فاصله‌ی زمانی تحویل

$$Lt > T - t_1 \quad (32)$$

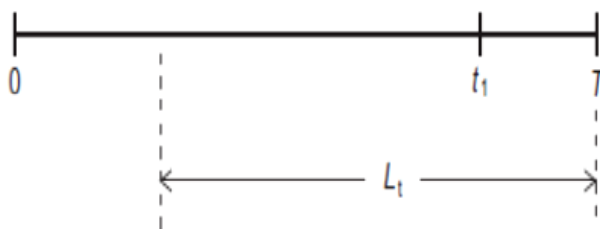
تولیدکننده امکان جواب‌گویی به سفارشات را دارد که قبل از زمان t_1 صادر شوند

مدل ریاضی برای تولیدکننده در حالت زنجیره تأمین غیر متمرکز

$$Max \pi m = TRm - TCM$$

$$S.t \left\{ \begin{array}{l} ((cm - ku) - uw)q \leq TBm \\ Lp \leq q \leq TPm \\ Lt > T - t_1 \\ 0 \leq u \leq 1 \end{array} \right. \quad (33)$$

در حالتی که دو عضو زنجیره تأمین به صورت غیرهماهنگ عمل می‌کنند هر یک فقط شرایط تجاری خود را می‌بینند و به دلیل اینکه در این گونه از کسب‌وکارها معمولاً عمده‌فروش عضو غالب می‌باشد، تولیدکننده در عمل مقادیر بهینه خود یعنی



شکل ۵- بازه زمانی امکانپذیر

و برنامه‌ریزی استفاده می‌کند. بنابراین عمده تفاوت قبل و بعد از هماهنگ‌سازی به این صورت خواهد بود که: $Lt^{(R)*} > Lt^{(R)}$ عبارات $(q^{(R)*}, Lt^{(R)*}, u^{(R)*})$ مقادیر بهینه‌ی فاصله‌ی زمانی تحویل، مقدار سفارش و نسبت پیش‌پرداخت در زنجیره تأمین هماهنگ هستند.

همچنین مقادیر تابع سود کل زنجیره تأمین، قبل و بعد از هماهنگ‌سازی به صورت زیر می‌باشد که از مقایسه‌ی آنها تأثیر تنظیم قرارداد بین دو عضو زنجیره تأمین مشخص می‌شود.

$$\pi T = \pi m(Lt^{(R)}, q^{(R)}, u^{(R)}) + \pi r(Lt^{(R)}, q^{(R)}, u^{(R)}) \quad (41)$$

$$\pi T^* = \pi m^*(Lt^{(R)*}, q^{(R)*}, u^{(R)*}) + \pi r^*(Lt^{(R)*}, q^{(R)*}, u^{(R)*}) \quad (42)$$

۴- مثال عددی و تحلیل حساسیت

در این بخش، یک مثال عددی ارائه شده و تحلیل حساسیت برای پارامترهای مدل انجام می‌شود. مسئله در دو حالت، قبل و بعد از هماهنگ‌سازی، به کمک نرم افزار متلب R2020a و سیستم با مشخصات Core i2 computer at 2.4 GHZ with 2 GB of DDR II RAM 533 MHZ حل شده و نشان داده می‌شود که سود کل و همچنین سود هر یک از اعضای زنجیره تأمین، در حالت هماهنگ‌سازی افزایش می‌یابد.

$$BCR^* = qw(1-d(Lt))(1-\frac{u}{j}) \quad (36)$$

و سود کل عمده‌فروش به این ترتیب خواهد شد:

$$\pi r^* = TRR - TCR^* = TRR - (BCR^* + OCR + ICR + SCR + DCR + PCR) \quad (37)$$

از طرف دیگر درآمد تولیدکننده خواهد بود:

$$TRm^* = BCR^* = qw(1-d(Lt))(1-\frac{u}{j}) \quad (38)$$

و بنابراین سود کل تولیدکننده برابر خواهد بود با:

$$\pi m = TRm^* - TCm = TRm^* - (PCVm + PCFm + ICm + DCm) \quad (39)$$

مدل ریاضی زنجیره تأمین بعد از هماهنگ‌سازی

بعد از هماهنگ‌سازی، زنجیره تأمین به صورت یکپارچه مورد بررسی قرار می‌گیرد و مدل ریاضی مربوطه به صورت زیر خواهد بود:

$$S. t \left\{ \begin{array}{l} Max \pi T^* = \pi m^* + \pi r^* \\ wqu \leq TDBR \\ Lwq \leq TBR \\ ((Cm - ku) - uw)q \leq TBm \\ fq \leq TFR \\ Lp \leq q \leq TPm \\ 0 \leq u \leq 1 \\ Lt > T - t_1 \\ \frac{t_1 - (T - Lt)}{t_1} < dmax \end{array} \right. \quad (40)$$

بعد از هماهنگ‌سازی زنجیره تأمین، عمده‌فروش تمایل خواهد داشت سفارش خود را زودتر صادر کند تا از منافع تخفیف استفاده کند، علاوه بر این تولیدکننده نیز از منافع زمان بیشتر برای آماده‌سازی

جدول ۱- مقادیر پارامترها

پارامتر	مقدار	پارامتر	مقدار	پارامتر	مقدار	پارامتر	مقدار
CD	۵	T	۱۲	j	۱۰	TDBR	۵۰۰
CH	۲/۸	T _۱	۱۰	TFR	۵۰۰	f	۱۰
CP	۷	Z	۰/۰۹۳	TPM	۵۰	I _۰	۱/۲
Cd	۳	μ	۰/۵	k	۴	p	۵۵
Ch	۳/۵	k	۰/۸	Lp	۱۰	T	۳/۸
Co	۱۲۰	θ	۰/۰۰۸	Cm	۲۵	w	۳۶
Cs	۵	β	۰/۹	TBM	۱۲۰۰	Ci	۰/۰۵
TBR	۱۵۰۰						

دوره‌ی زمانی T=۱۲ هفته در نظر گرفته می‌شود. عمده‌فروش مجاز است سفارش خود را در این بازه‌ی زمانی صادر و در آخر دوره تحویل بگیرد. دیرترین زمان مجاز برای سفارش t_۱=۱۰ می‌باشد، به این معنی که تولیدکننده سفارش‌های بعد از این زمان را نمی‌پذیرد. عامل تصادفی تقاضا α، متغیر تصادفی یکنواخت با میانگین ۶ تن می‌باشد. جدول (۱) مقدار سایر پارامترهای مسئله را نشان می‌دهد.

۲-۴- بعد از هماهنگ‌سازی

برای حل مدل از جعبه‌ابزار بهینه‌سازی نرم افزار متلب و حل‌کننده‌ی اف مین کان (fmincon) استفاده شده‌است. حل‌کننده‌ی اف مین کان برای مدل‌های غیرخطی با محدودیت به کار می‌رود. و برای یافتن جواب بهینه از الگوریتم نقطه داخلی (interior-point) استفاده شده‌است.

زمانی که دو عضو زنجیره‌تأمین به صورت هماهنگ و یکپارچه عمل کنند جواب‌های بهینه بدین ترتیب می‌باشند: $(Lt^{(R)*}, q^{(R)*}, u^{(R)*}) = (41/6667, 11/4, 0/333)$ ، طبق مقادیر بدست‌آمده سود عمده‌فروش $\pi r^* = 865/8$ و سود تولیدکننده $\pi m^* = 952/9$ و در نهایت سود زنجیره‌تأمین $\pi T^* = 1818/7$ خواهد بود. همان طور که ملاحظه می‌شود سود هر دو عضو عمده‌فروش و تولیدکننده و در نتیجه سود کل زنجیره‌تأمین در حالت هماهنگ افزایش یافته‌است. جدول (۲) نتایج را به طور کامل نشان می‌دهد.

در حالت هماهنگ مقدار فاصله‌ی زمانی تحویل و نسبت پیش‌پرداخت افزایش یافته‌است که این به دلیل تخفیف‌هایی است که تولیدکننده به عمده‌فروش می‌دهد. در واقع هر دو عضو از شرایط جدید منتفع شده‌اند. تولیدکننده زمان بیشتری برای آماده‌سازی و برنامه‌ریزی دارد و در ابتدای دوره، نقدینگی بیشتری در دست او

۴-۱- قبل از هماهنگ‌سازی

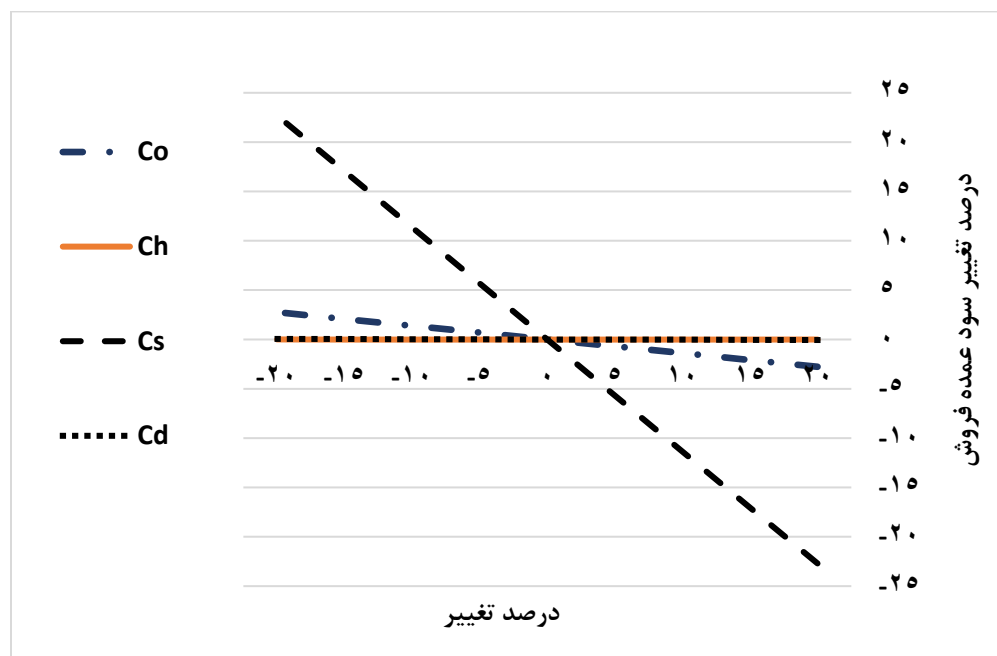
زمانی که زنجیره‌تأمین به صورت ناهماهنگ عمل می‌کند به دلیل اینکه عضو غالب عمده‌فروش است، تولیدکننده مجبور به پذیرش مقادیر بهینه‌ی عمده‌فروش می‌باشد. جواب‌های بهینه عمده‌فروش در حالت زنجیره‌تأمین ناهماهنگ بدین ترتیب می‌باشند: $(q^{(R)}, Lt^{(R)}, u^{(R)}) = (10, 2, 0)$ ، با مقادیر بدست‌آمده مقدار تابع

۴-۱- قبل از هماهنگ‌سازی

زمانی که زنجیره‌تأمین به صورت ناهماهنگ عمل می‌کند به دلیل اینکه عضو غالب عمده‌فروش است، تولیدکننده مجبور به پذیرش مقادیر بهینه‌ی عمده‌فروش می‌باشد. جواب‌های بهینه عمده‌فروش در حالت زنجیره‌تأمین ناهماهنگ بدین ترتیب می‌باشند: $(q^{(R)}, Lt^{(R)}, u^{(R)}) = (10, 2, 0)$ ، با مقادیر بدست‌آمده مقدار تابع

جدول ۲- خلاصه نتایج حل مدل

	قبل از هماهنگ‌سازی	بعد از هماهنگ‌سازی
سود عمده‌فروش	۵۷۰/۷	۸۶۵/۸
سود تولیدکننده	۳۵/۸	۹۵۲/۹
سود کل زنجیره‌تأمین	۶۰۶/۵	۱۸۱۸/۷
فاصله‌ی زمانی تحویل (Lt)	۲	۱۱/۴
مقدار سفارش (q)	۱۰	۴۱/۶۶۶۷
نسبت پیش‌پرداخت (u)	۰	۰/۳۳۳



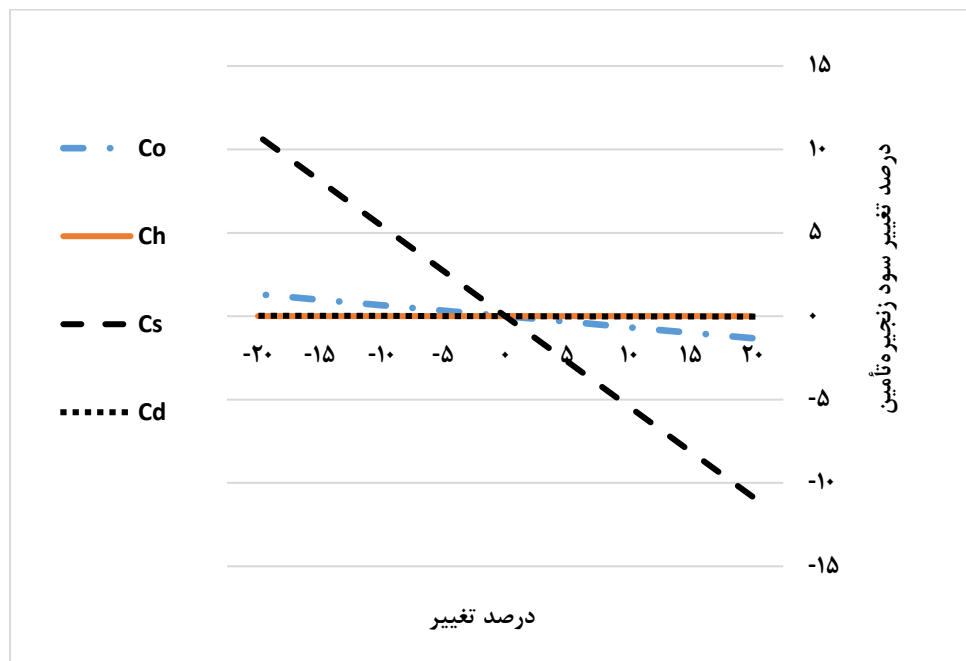
شکل ۶- تأثیر تغییر پارامترهای هزینه‌ای عمده‌فروش، بر سود عمده‌فروش

یافته‌است.

خواهد بود که تأثیر قابل توجهی در خرید مواد اولیه مورد نیاز خواهد داشت. این عوامل باعث کاهش هزینه‌های تولیدکننده شده و درآمد او نیز به دلیل تخفیفاتی که در نظر گرفته کاهش یافته‌است. با این حال در مجموع، میزان کاهش هزینه‌ها بیشتر بوده و در نتیجه سود او افزایش یافته‌است. از طرف دیگر عمده‌فروش هم از تخفیفاتی استفاده می‌کند که هزینه‌های او را کاهش می‌دهد، ولی افزایش فاصله‌ی زمانی تحویل و نسبت پیش‌پرداخت هزینه‌هایی متوجه عمده‌فروش می‌کند، با این وجود در مجموع سود او افزایش

۴-۳- تحلیل حساسیت

در شکل (۶) چهار پارامتر Co مقدار هزینه ثابت سفارش، Ch هزینه نگهداری یک واحد از کالا، Cs هزینه کمبود یک واحد از کالا و Cd هزینه فسادپذیری یک واحد از کالا، پارامترهایی مهم در ارتباط با هزینه‌های عمده‌فروش و کل زنجیره‌تأمین محسوب می‌شوند. همان‌طور که ملاحظه می‌شود Cs بیشترین تأثیر را بر سود



شکل ۷- تأثیر تغییر پارامترهای هزینه‌ای عمده فروش، بر سود زنجیره تأمین

تولیدکننده بر سود زنجیره تأمین همانند سود تولیدکننده می‌باشد البته با این تفاوت که از شیب تأثیر کاسته شده است.

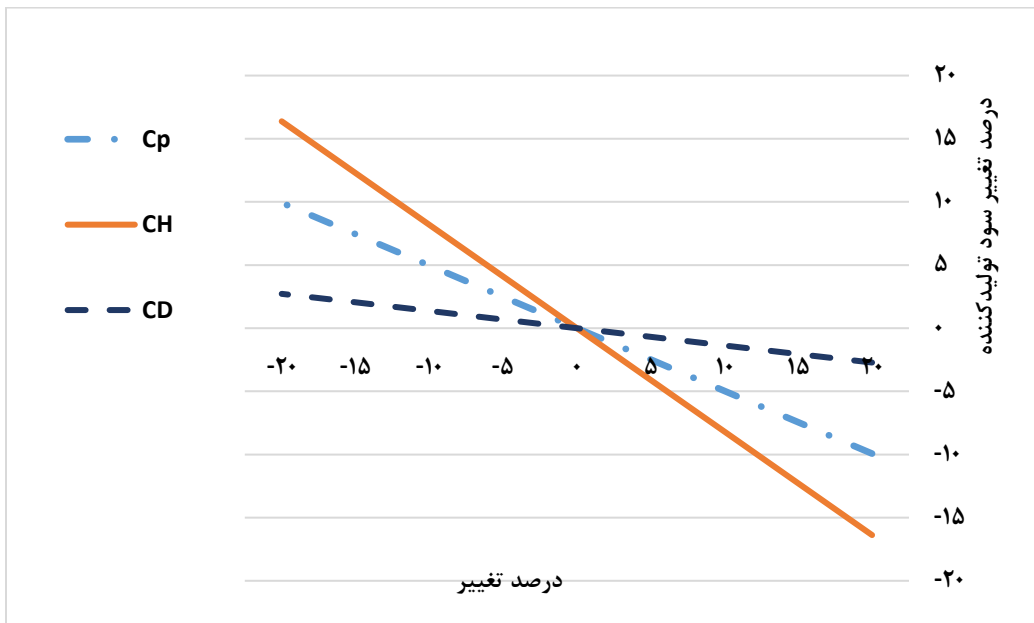
در شکل (۱۰) تأثیر پارامترهای W قیمت خرید عمده فروش از تولیدکننده و P قیمت فروش عمده فروش مورد بررسی قرار گرفته است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود تأثیر W بر سود کل زنجیره تأمین کمتر از P است. علت این است که قیمت خرید عمده فروش، قیمت فروش تولیدکننده هم می‌باشد، در واقع این یک داد و ستدی است که داخل زنجیره تأمین صورت می‌گیرد. البته W در دیگر هزینه‌ها و محدودیت‌های مسئله مؤثر است که تأثیر آن در نمودار مشخص است. تأثیر P به صورت کاملاً خطی و مثبت بر زنجیره تأمین اعمال می‌شود.

در شکل (۱۱) به تأثیر پارامترهای T (ضریب تأثیر افزایش فاصله‌ی زمانی تحویل در هزینه سفارش دهی) و β (ضریب کاهش هزینه تولید همزمان با افزایش فاصله‌ی زمانی تحویل) پرداخته‌ایم. هزینه تولید بخش مهمی از هزینه‌های زنجیره تأمین می‌باشد به همین دلیل ملاحظه می‌شود که β تأثیر زیادی بر کاهش هزینه‌های

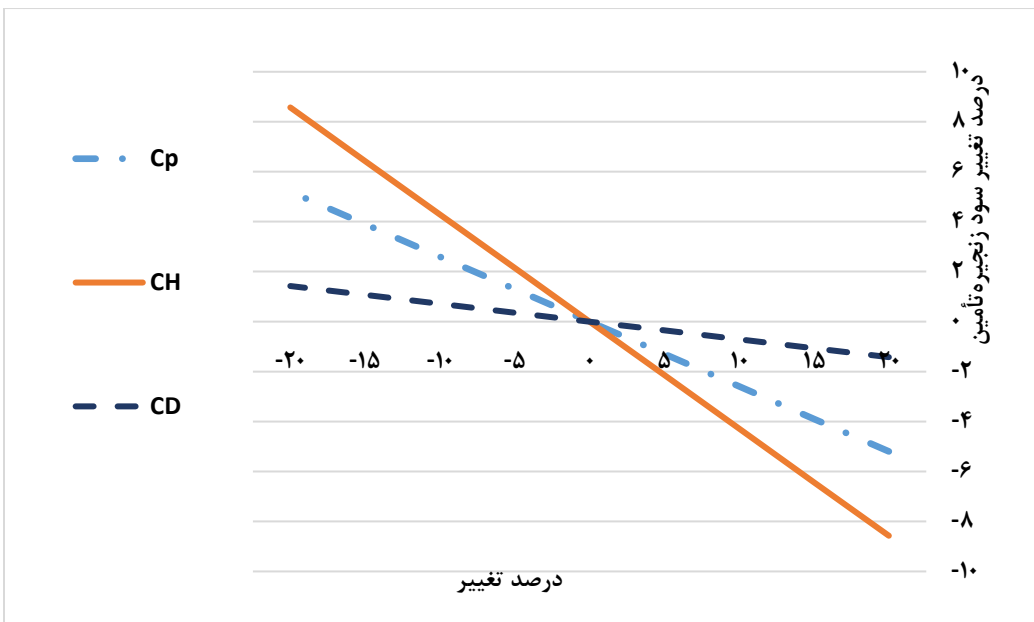
عمده فروش دارد که این ناشی از نوع تقاضا می‌باشد. تابع تقاضا بدین صورت می‌باشد که هر چه موجودی بیشتر باشد تقاضا تحریک شده و بیشتر می‌شود. بنابراین احتمال کمبود می‌تواند افزایش پیدا کند و Cs پارامتری تأثیرگذار می‌باشد. از طرفی به دلیل ذکر شده احتمال نگهداری موجودی کاهش می‌یابد و پارامتر Ch تأثیر بسیار کمی بر سود عمده فروش خواهد داشت.

در شکل ۷ ملاحظه می‌شود که تأثیر پارامترهای هزینه‌ای عمده فروش بر سود زنجیره تأمین با شیبی ملایم‌تر مانند سود عمده فروش می‌باشد. عمده فروش عضوی از زنجیره تأمین می‌باشد و کاهش و یا افزایش سود او بر سود کل زنجیره تأمین اثرگذار است. در شکل (۸) به تأثیر تغییر پارامترهای هزینه‌ای تولیدکننده بر سود او پرداخته‌ایم. همان‌گونه که مشخص است همگی تأثیری منفی بر سود دارند. Cp هزینه متغیر تولید یک واحد از کالا، CH هزینه نگهداری یک واحد از کالا، CD هزینه فسادپذیری یک واحد از کالا می‌باشند.

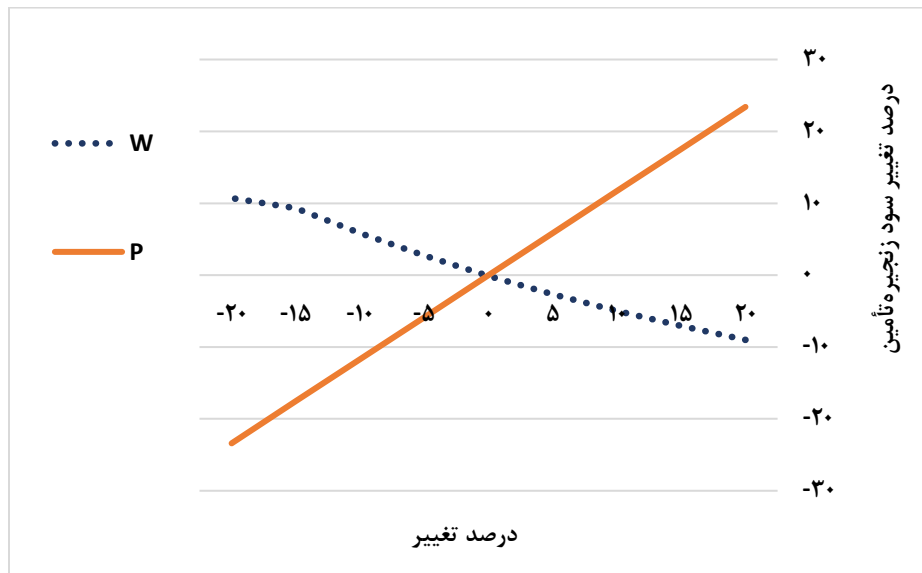
در شکل (۹) ملاحظه می‌شود که تأثیر پارامترهای هزینه‌ای



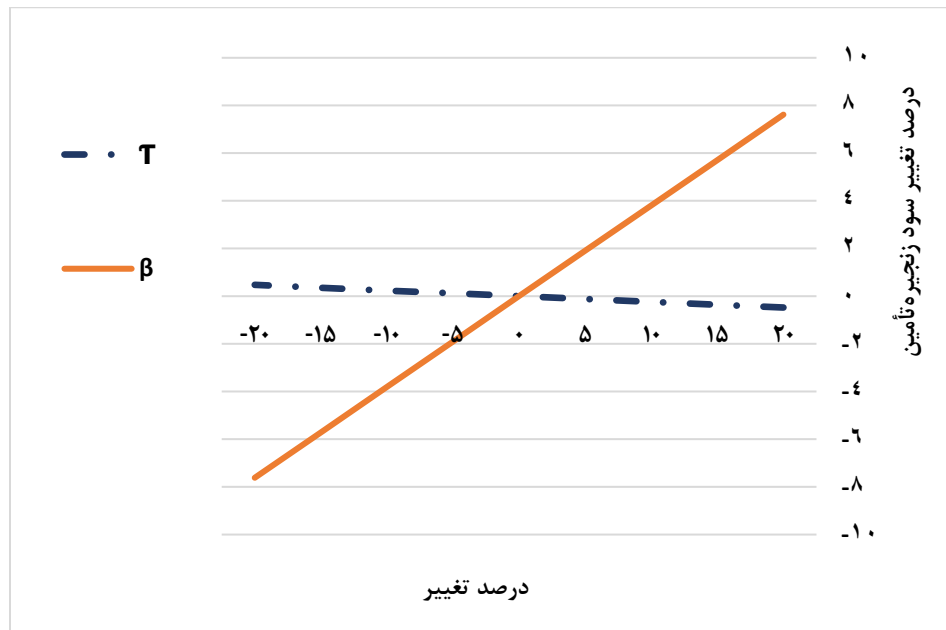
شکل ۸- تأثیر تغییر پارامترهای هزینه‌ای تولیدکننده بر سود تولیدکننده



شکل ۹- تأثیر تغییر پارامترهای هزینه‌ای تولیدکننده، بر زنجیره تأمین



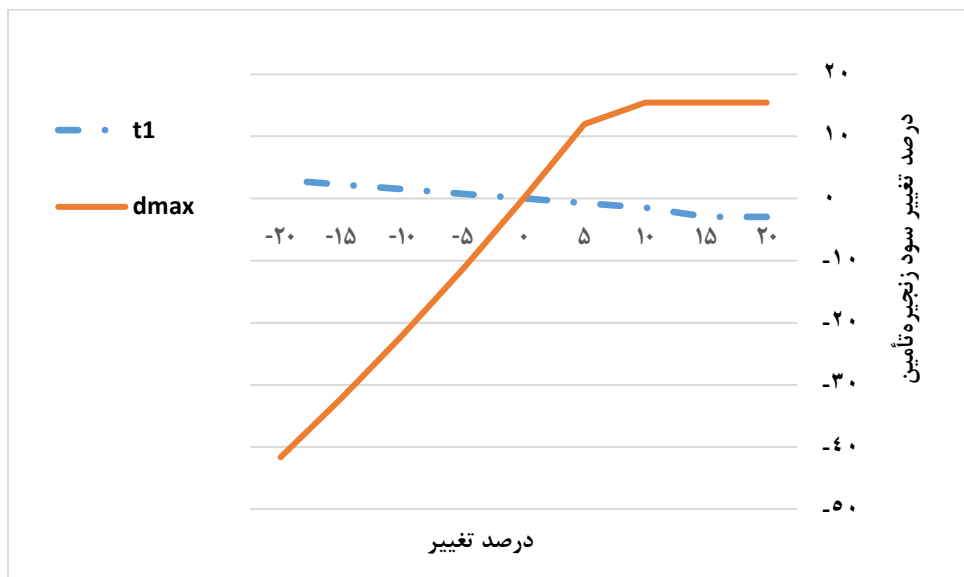
شکل ۱۰- تأثیر تغییر پارامترهای قیمت فروش و خرید عمده فروش، بر زنجیره تأمین



شکل ۱۱- تأثیر تغییر پارامترهای T و beta بر زنجیره تأمین

شده‌اند. t_1 تأثیری منفی بر سود زنجیره تأمین دارد و d_{max} تأثیری مثبت بر سود می‌گذارد. هرچه d_{max} بیشتر شود فاصله‌ی زمانی تحویل هم می‌تواند افزایش یابد و این منجر خواهد شد که هر دو طرف از مزایای قرارداد نوشته شده بهره بیشتری کسب نمایند. البته

تولیدکننده و در نتیجه سود کلی زنجیره تأمین دارد. در شکل (۱۲) پارامترهای t_1 حداکثر زمانی که عمده‌فروش می‌بایست سفارش خود را صادر نماید و d_{max} حداکثر درصد تخفیفی که تولیدکننده به دلیل افزایش فاصله‌ی زمانی تحویل به عمده‌فروش می‌دهد، بررسی



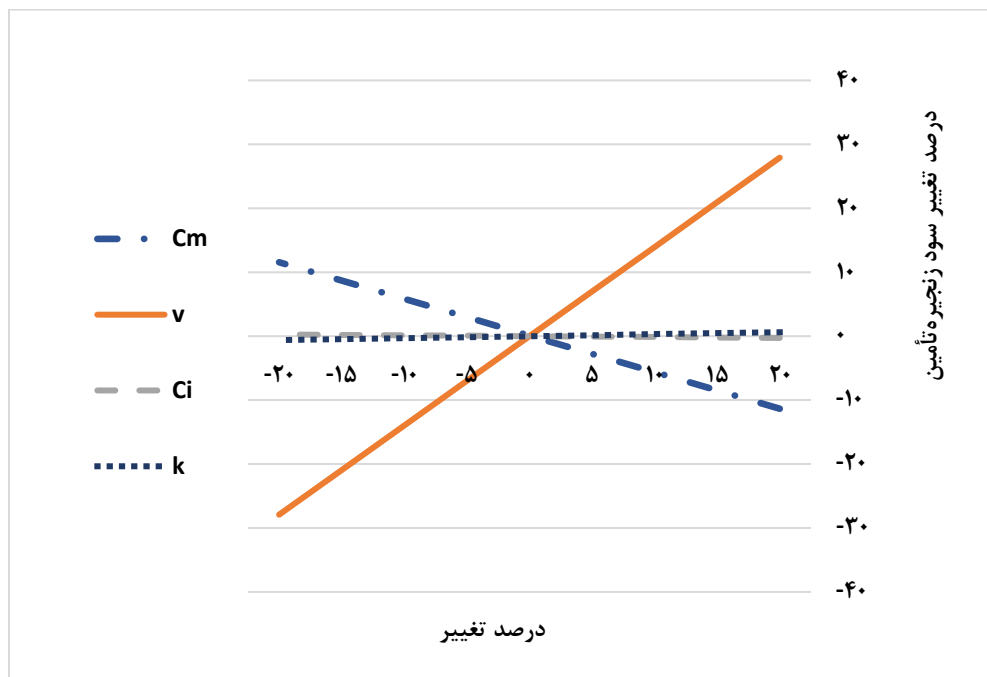
شکل ۱۲- تأثیر تغییر پارامترهای t_1 و d_{max} بر زنجیره تأمین



شکل ۱۳- تأثیر تغییر پارامترهای محدودیت‌های بودجه بر زنجیره تأمین

در شکل (۱۳) پارامترهای TBR حداکثر بودجه کل عمده‌فروش، TBM حداکثر بودجه‌ای که تولیدکننده صرف خرید مواد اولیه می‌کند، و TDBR حداکثر بودجه‌ای که عمده‌فروش

به دلیل اینکه فاصله‌ی زمانی تحویل از طول یک دوره نمی‌تواند بیشتر باشد افزایش d_{max} بیشتر از مقداری مشخص، بر سود زنجیره تأمین تأثیری نخواهد داشت.



شکل ۱۴- تأثیر تغییر پارامترهای C_i ، k ، C_m بر زنجیره تأمین

تقاضایی که با افزایش موجودی، افزایش پیدا کند می‌تواند به شدت هزینه‌های کیود را افزایش دهد.

۴- نتیجه‌گیری و پیشنهادهای آتی

در روش‌های نوین مدیریت زنجیره تأمین دیدگاهی کل‌نگر بر زنجیره تأمین حاکم است. در دیدگاه کل‌نگر تمام اعضا و شرکت‌های درگیر در زنجیره تأمین مانند حلقه‌های پیوسته در امتداد یکدیگر قرار گرفته و همه آنها با هم دیده می‌شوند. تمام اعضا باید به صورت یکپارچه و هماهنگ با یکدیگر کار کنند و محدودیت‌های تمام اعضا با همدیگر دیده شود.

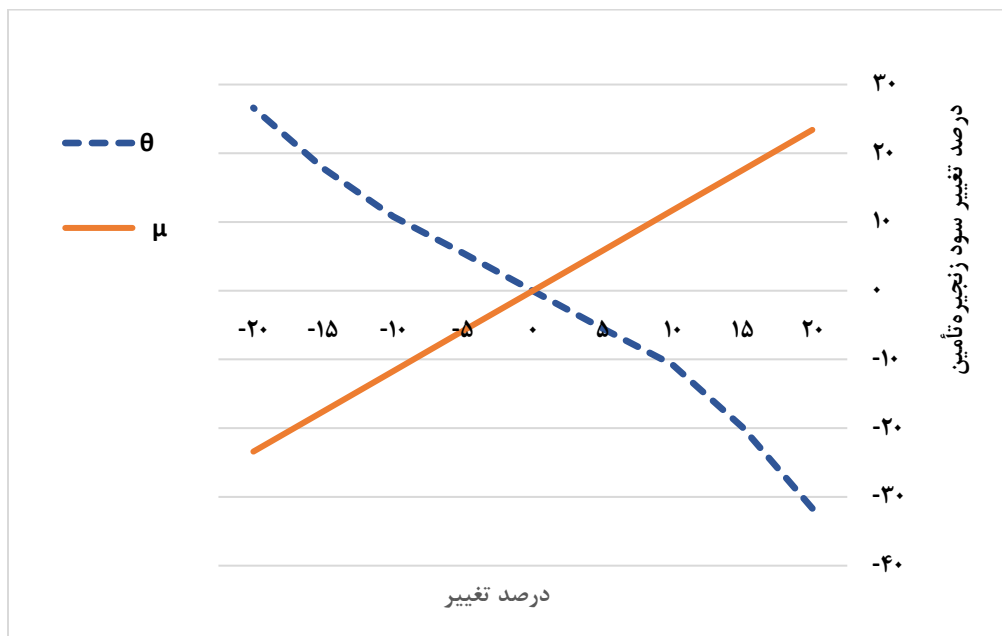
برای اینکه تمام اعضای زنجیره تأمین تشویق شوند که به صورت یکپارچه عمل کنند مشوق‌ها و قراردادهایی وجود دارد که بین اعضا بسته می‌شود تا سود هر یک از آنها هم نسبت به حالت غیریکپارچه افزایش یابد.

در تحقیق انجام شده، بین دو عضو زنجیره تأمین دو قرارداد

می‌تواند به صورت پیش‌پرداخت در ابتدای سفارش پردازد، بررسی شده‌اند. TBR هر اندازه بیشتر باشد مقدار سفارش می‌تواند افزایش پیدا کند و این منجر به افزایش سود زنجیره تأمین می‌شود. با تغییر TBR و TDBR مقادیر بهینه مدل تغییر چندانی نمی‌کنند بنابراین تأثیر قابل توجهی بر سود زنجیره تأمین ندارند.

در شکل (۱۴) پارامترهای C_i درصد ارزش زمانی پولی که عمده‌فروش به دلیل واریز پیش‌پرداخت از دست می‌دهد و k مقداری که به ازای هر واحد از نسبت پیش‌پرداخت، از قیمت خرید تولیدکننده کاسته می‌شود، v مقداری که به ازای هر واحد افزایش فاصله‌ی زمانی تحویل از هزینه نگهداری تولیدکننده کاسته می‌شود و C_m قیمت خرید تولیدکننده، مورد بررسی قرار گرفته‌اند.

در شکل (۱۵) به بررسی پارامترهای μ میانگین تقاضا، و θ ضریب تأثیر افزایش تقاضا با افزایش موجودی، پرداخته‌ایم. μ تأثیر کاملاً مثبتی بر سود زنجیره تأمین دارد. در حالی که θ تأثیری کاملاً منفی بر زنجیره تأمین می‌گذارد. علت این موضوع این است که



شکل ۱۵- تأثیر تغییر پارامترهای θ و μ بر سود زنجیره تأمین

همه‌هنگ نسبت به حالت غیر یکپارچه افزایش یافته‌است، حتی عمده‌فروش هم که در حالت غیریکپارچه عضو غالب بود و مقادیر بهینه خود را به تولیدکننده تحمیل می‌نمود، در حالت همه‌هنگ از افزایش سود بهره‌مند گردیده‌است.

مدل ارائه‌شده می‌تواند برای شرکت‌های تولیدی مواد غذایی و دارویی و صنایع شیمیایی به عنوان تولیدکننده و شرکت‌های پخش محصولات به عنوان عمده‌فروش مورد استفاده قرار گیرد. این صنایع کالاهایی فسادپذیر تولید می‌کنند و شرایط و محدودیت‌هایی که در مدل استفاده شده با شرایط و محدودیت‌های این صنایع انطباق دارد. در تحقیقات آتی می‌توان مسئله در حالت چندکالایی را بررسی کرد و تخفیف تنوع محصولات خریداری شده که تخفیفی رایج در این صنعت است را در نظر گرفت. همچنین می‌توان این مسئله را در حالت تک‌دوره‌ای نیز بررسی کرد.

تخفیف روی قیمت ارائه شده از طرف تولیدکننده به عمده‌فروش در نظر گرفته شده‌است، یکی بر اساس فاصله‌ی زمانی تحویل، به این صورت که هرچه فاصله‌ی زمانی تحویل افزایش یابد تخفیف هم بیشتر می‌گردد و دیگری بر اساس نسبت پیش‌پرداخت که هر چه عمده‌فروش نسبت بیشتری از مبلغ کل را در ابتدای سفارش پرداخت کند از تخفیف بیشتری بهره خواهد برد. این دو قرارداد مشوق لازم را به عمده‌فروش می‌دهد تا به صورت همه‌هنگ با تولیدکننده عمل کند، سفارش خود را زودتر صادر کند و پیش‌پرداخت بیشتری را بپردازد. تولیدکننده هم زمان بیشتری برای برنامه‌ریزی و آماده‌سازی خواهد داشت و همچنین نقدینگی بیشتری برای خرید مواد اولیه در ابتدای سفارش بدست می‌آورد. در تحقیق انجام شده نشان داده شد که سود هر یک از اعضای زنجیره تأمین و همچنین سود کل زنجیره تأمین در حالت یکپارچه و

مراجع

- Özdemir, A., and Aslan, E., "Supply Chain Integration, Competition Capability and Business Performance: A

Study on Turkish SMEs", *Asian Journal of Business Management*, Vol. 3, No. 4, PP. 325-332, 2021.

2. Peck, H., and Jüttner, U., "Strategy and Relationships: Defining the Interface in Supply Chain Contexts", *The International Journal of Logistics Management*, Vol. 11, No. 2, pp. 33 – 44, 2000.
3. Huang, Y. S., Su, W. J., and Lin, Z. L., "A study on Lead-Time Discount Coordination For Deteriorating Products", *European Journal of Operational Research*, Vol. 215, No. 2, pp. 358-366, 2011.
4. Maihami, R., and Nakhikamalabadi, I., "Joint Pricing and Inventory Control for Non-Instantaneous Deteriorating Items with Partial Back Logging and Time and Price Dependent Demand", *International Journal of Production Economics*, Vol. 136, pp. 116-122, 2012.
5. Lee, H. L., So, K. C., and Tang, C. S., "The Value of Information Sharing in a Two-Level Supply Chain", *Management Science*, Vol. 46, No. 5, pp. 626–643, 2000.
6. Thomas, D. J., and Griffin, P. M., "Coordinated Supply Chain Management", *European Journal of Operations Research*, Vol. 94, pp. 1-15, 1996.
7. Abdul-Jalbar, B., Gutierrez, J., Puerto, J., and Sisilia, J., "Policies for Inventory/Distribution Systems: The Effect of Centralization Vs. Decentralization", *International Journal of Production Economics*, Vol. ?, No. ?, pp.?, 2003.
8. Chan, C. K., and Kingsman, B. G., "Coordination in a Single-Vender Multi-Buyer Supply Chain by Synchronizing Delivery and Production Cycles", *Transportation Research Part E*, Vol. ?, No. ?, pp.?, 2005.
9. Chen, T. H., and Chen, J. M., "Optimizing Supply Chain Collaboration Based on Joint Replenishment and Channel Coordination", *Transportation Research Part E*, Vol. ?, No. ?, pp.?, 2005.
10. Chen, J. M., and Chen, T. H., "The Profit-Maximization Model for a Multi-Item Distribution Channel", *Transportation Research Part E*, Vol. ?, No. ?, pp.?, 2006.
11. Viswanathan, S., and Piplani, R., "Coordinating Supply Chain Inventories Through Common Replenishment Epochs", *European Journal of Operational Research*, Vol. 129, pp. 277-286, 2001.
12. Klatorin, T. D., Moinzadeh, K., and Son J., "Coordinating Orders in Supply Chains Through Price Discount", *IEE Transactions*, Vol. 34, pp. 679-689, 2002.
13. Monahan, J. P., "A Quantity Discount Pricing Model to Increase Vender Profits", *Management Science*, Vol. 30, pp. 720-726, 1984.
14. Lee, H. L., and Rosenblatt, M. J., "A generalized Quantity Discount Pricing Model to Increase Supplier's Profits", *Management Science*, Vol. 32 No. 9, pp. 1177–1185, 1986.
15. Thakur, M., et al. "A Framework for Traceability of Hides for Improved Supply Chain Coordination", *Computers and Electronics in Agriculture*, Vol. 174, p. 105478, 2020.
16. Zhao, J., et al. "Pricing and Coordination of Automotive Supply Chain for Incorporating Efficient Charging Facilities", *Energy Reports*, Vol. 8, pp. 13814-13823, 2022.
17. Zhao, J., et al. "Pricing and Coordination of Automotive Supply Chain for Incorporating Efficient Charging Facilities", *Energy Reports*, Vol. 8, pp. 13814-13823, 2022.
18. Yang, X., et al. "Research on Investment Optimization and Coordination of Fresh Supply Chain Considering Misreporting Behavior Under Blockchain Technology", *Heliyon*, Vol. ?, pp. ?, 2024.
19. Qiu, R., et al. "An Integrated MINLP Model For Multi-Party Coordination In Downstream Oil Supply Chain", *Petroleum Science*, Vol. ?, No. ?, pp.?, 2023.
20. Sarkar, B. "Supply Chain Coordination with Variable Backorder, Inspections, and Discount Policy for Fixed Lifetime Products", *Mathematical Problems in Engineering*, Vol. ?, No. ?, pp.?, 2016.
21. Tantiwattanakul, P., and Aussadavut, D., "Supply Chain Coordination Using Wholesale Prices with Multiple Products, Multiple Periods, and Multiple Retailers: Bi-Level Optimization Approach", *Computers & Industrial Engineering*, Vol. 131, pp. 391-407, 2019.
22. Venegas, B. B., and Ventura, J. A., "A Two-Stage Supply Chain Coordination Mechanism Considering Price Sensitive Demand and Quantity Discounts", *European Journal of Operational Research*, Vol. 264, No. 2, pp. 524-533, 2018.